# بررسی عددی تأثیر سه نوع بالک مختلف بر عملکرد آیرودینامیکی جریان در عدد رینولدز پایین

مهدی نادری نژاد<sup>1</sup> محمدحسن جوار شکیان<sup>2\*</sup>

دانشکده مهندسی مکانیک دانشگاه فردوسی مشهد (تاریخ دریافت: 1399/04/21: تاریخ پذیرش: 1399/09/18)

#### چکیدہ

در این پژوهش اثر سه نوع بالک ترکیبی، پرهای و تک شاخه بر روی یک بال مشخص توسط یک روش عددی بر مبنای حجم محدود و الگوریتم فشار مبنا بررسی شده است. در روش عددی مذکور جریان را آشفته در نظر گرفته و از مدل اسپالارت-آلماراس استفاده شده است. در این شبیه سازی عدد رینولدز <sup>5</sup>10×10<sup>5</sup>، مقطع بال SD7032 و نسبت منظری 4/6 می باشد. برای محاسبه تنشها روی سطح بال از توابع دیواره و از دقت مرتبه دوم بالا دست برای محاسبه شار جابجایی استفاده شده است. در کار حاضر تأثیر نصب سه نوع بالک در حالتی که از یک نوع بالواره برای بال و بالک استفاده شود بر روی عملکرد آیرودینامیکی یک بال مستطیلی بررسی شده است. با ارزیابی انجام گرفته ضرایب آیرودینامیکی و فیزیک جریان مشخص شد که استفاده از بالواره یکسان برای بال و بالک در ازای زوایای حمله مختلف، باعث افزایش 3/1 می ملکرد بالک پرهایی درمقایسه با حالت استفاده از دو بالواره یکسان برای بال و بالک در ازای زوایای حمله مختلف، باعث افزایش موجب افزایش 5/01 و 10 % عملکرد آیرودینامیکی نسبت به بال بدون بالک خواهد شد و برای بالک ای ترکیبی و پرهای به مورت میانگین موجب افزایش 5/01 و 10 % عملکرد آیرودینامیکی نسبت به بال بدون بالک خواهد شد و برای بالک تک شاخه تنها تأثیر جزئی بر کاهش قدرت هسته مرکزی گردابهها خواهد گذاشت.

واژههای کلیدی: بالک، پسای القائی، عملکرد آیرودینامیکی، بال، گردابه.

# Numerical Study of the Effect of Three Different Types of Winglets on Aerodynamic Performance Flow in With Low Reynolds Number

M. N. Nezhad

M. H. DJavareshkian

Mechanical Engineering Department University of Mashhad

(Received: 11/July/2020 ; Accepted:08/December/2020)

#### Abstract:

In this study, the effectiveness of three types of winglets such as Blended, Multi-tip, and Raked on a specific wing, is investigated by using a numerical method based on finite volume and pressure-based algorithms. In this numerical method, the Spalart-Allmaras turbulence model is used. In this simulation Reynolds number is  $1.5 \times 10^5$  and SD7032 airfoil is used for wing section by 4.6 aspect ratio. The stresses on the wing surface are calculated by the wall functions, and the convective fluxes are computed by the second-order upwind accuracy. In this research, the specific airfoil is used for wing and winglet and the effectiveness on the aerodynamic performance of a rectangular wing has been investigated. Evaluation of aerodynamic coefficients and flow physics have shown that using the same airfoil for wing and winglet with different angles of attack, It has increased the performance of the Multi-tip winglet by 3.1 percent compared to the case of using two airfoil and also for Blended and Multi-tip winglets compared to the wing without winglet will increase an average aerodynamic performance by 10.5 and 10 percent. But for Raked winglet, it has only a small effect on reducing the power of the vortex core.

Keyword: Winglet, Induced Drag, Aerodynamic Performance, Wing, Vortex

## فهرست علائم و اختصارات

AoA	زاويه حمله، deg
AR	نسبت منظری
$B_{j}$	ترم چشمه در معادلات حاکم، kg/m <sup>2</sup> .s <sup>2</sup>
b	دهانه بال، mm
С	طول وتر، mm
$C_{_L}$	ضریب نیروی برآ
$C_{D}$	ضریب نیروی پسا
D	نیروی پسا، kg.m/s <sup>2</sup> نیروی پسا
е	ضريب بازده آيروديناميكي
h	ار تفاع بالک نسبت به افق، mm
$G_{\nu}$	نرخ تولید لزجت آشفتگی، kg/m.s
k	ثابت ھندسی بالک
L	نیروی برآ، kg.m/s <sup>2</sup>
$\overline{p}$	فشار متوسط زمانی، kg/m <sup>1</sup> .s <sup>2</sup>
S	مساحت مرجع بال، <sup>2</sup> mm
$S_{ ilde{ u}}$	ترم چشمه در مدل آشفتگی، kg/m.s
t	زمان، s
$\overline{u_i}, \overline{u_j}$	فرم تانسوری سرعت در مختصات، m/s
$V_{_{\infty}}$	سرعت جریان محلی، m/s
W	مؤلفه سرعت القائى، m/s
$x_{i}$	فرم تانسوری موقعیت گره در مختصات، m
$Y_{v}$	نرخ اتلاف لزجت آشفتگی، kg/m.s
علائم يونانى	
α	زاويه حمله، deg
Г	توزیع نیروی برآ، kg.m/s <sup>2</sup>
$\delta$	بازده آیرودینامیکی بال
μ	لزجت دینامیکی، pa.s
v	لزجت سینماتیکی، m²/s
ρ	چگالی، kg/m <sup>3</sup>
زيرنويس	
CW	بال اصلی
r	ریشه بال
w l	بالک
i	القائى
t	آشفتگی
WW	بال با بالک
k	انرژی جنبشی آشفتگی

#### 1- مقدمه

در کلیه زیرمجموعههای نیروی پسا برای یک هواپیما با پیکربندی متعارف پسای اغتشاشی<sup>1</sup> و القائی<sup>2</sup> بیش ترین تأثیر را بر عملکرد آیرودینامیکی دارند [1]. بر اساس نمودار 1 رفتار این دو نیرو نسبت به افزایش سرعت خلاف یکدیگر میباشد و به همین دلیل قرار داشتن در نقطه بهینه این نمودار از لحاظ عملکردی و صرفه اقتصادی اهمیت بالایی دارد. استفاده از بالک باعث کاهش شیب نمودار پسا القائی و در نتیجه کاهش کل نیروی پسا می شود.



نمودار (1): تغییرات دو نوع نیروی پسا نسبت به افزایش سرعت جریان آزاد [2].

#### 1-1- زیرمجموعههای نیروی پسا

پسای اغتشاشی متشکل از نیرویهای اصطکاکی<sup>3</sup>، هندسه<sup>4</sup> و پسای ناشی از اتصال دو سطح آیرودینامیکی<sup>5</sup> بوده و منشاء پسای القائی، اختلاف فشار ایجادشده در زمان عبور جریان از نوک بال میباشد. به بیان دقیقتر چرخش گردابههای ایجادشده در امتداد نوک بال موجب ایجاد مؤلفه سرعت کوچکی به سمت پایین<sup>6</sup> میشود.

مطابق شکل 1 با برخورد جریان محلی به این مؤلفه نیرو، زاویه حمله به دو بخش هندسی و القائی تقسیم خواهد شد که نتیجه زاویه حمله القائی تولید بردار سرعت القائی نیروی پسا است. متغیرهای وابسته به پسای القائی توسط

- 2- Induced Drag
- 3- Skin Friction Drag
- 4- Form Drag
- 5- Interference Drag
- 6- Down Wash

<sup>1-</sup> Parasitic Drag

پرانتل و همکارانش [3] بهصورت رابطه (1) استخراج شد است.



$$C_{D_i} = \frac{2}{V_{\infty}S} \int_{-b/2}^{b/2} \Gamma(y) \alpha_i(y) dy$$
<sup>(1)</sup>

$$C_{D_i} = \frac{C_L^2}{\pi AR} (1 + \delta)$$
<sup>(2)</sup>

<sup>1</sup>-1- بالک

پس از اثبات اهمیت تأثیر نیروهای سه بعدی توسط جوزب چمبر [4] پژوهشگران برای کنترل این نوع نیرو در قسمت نوک بال به جهت افزایش بازده آیرودینامیکی تحقیقات مختلفی را انجام دادند. این تحقیقات با طرحهای نوآورانه ویلیام لنچستر [5] شروع شد و سپس ویتکامب و همکارانش [6] موفق به طراحی و ساخت نخستین نمونه کاربردی بالک برای کاهش اثرات سه بعدی جریان در نوک بال شدند. با انجام آزمایشهای تجربی مختلف در مرکز تحقیقات لانگلی<sup>2</sup> بر روی بالک شکل 2 مشخص شد که بالک طراحی شده موجب افزایش 9 درصدی عملکرد آیرودینامیکی در شرایط یکسان تولید گشتاور خمشی<sup>3</sup> در ریشه بال و کاهش 20 درصدی مصرف سوخت شده است.

1- Winglet



شکل (2): پیکربندی بالک تستشده توسط ویتکامب [6].

#### 1-2-1- انواع بالک

پس از بالک ویتکامب هندسههای مختلفی از بالک مشابه شکل 3 برای شرایط پروازی مختلف طراحی و آزمایش شدند. از تفاوتهایی که در محاسبه ضریب پسای القائی بال ساده و بال با بالک وجود دارد، رابطه مورد استفاده برای محاسبه فاکتور بال<sup>4</sup> میباشد. این متغیر در بالهای ساده از رابطه (3) بهدست میآید اما برای بال با بالک محاسبه این پارامتر پیچیدهتر بوده و به زاویه ساختهشده توسط بالک نسبت به راستای افقی دهانه بال<sup>5</sup> بستگی دارد. در حالت کلی برای محاسبه فاکتور بال با بالک از رابطه (4) استفاده میشود. در این رابطه اگر محل نصب بال و بالک نسبت به هم بدون زاویه باشد و دهانه بالک<sup>6</sup> و بال در امتداد افقی یکدیگر قرار داشته باشند مقدار ثابت بالک برابر با 1 خواهد بود.

$$e_{_{CW}} = \left(1 + \delta\right)^{-1} \tag{3}$$

$$e_{ww} = \left(1 + \frac{2}{k_{wl}} \frac{h_{wl}}{b}\right)^2 e_{cw}$$
(4)

در غیر این صورت با ایجاد زاویه میان بال و بالک در هر دو راستای محور افقی و عمودی نوک بال، مقدار متغیر اشارهشده بر اساس مرجع [7] عددی در محدوده 1/58 الی 3/65 برای بالکهای مختلف خواهد بود.

<sup>2-</sup> Langley Research Center

<sup>3-</sup> Pitching Moment

<sup>4-</sup> Span Efficiency Factor

<sup>5-</sup> Wing Span

<sup>6-</sup> Wing Span



شکل (3): پیکربندیهای مختلف بالک [8].

بر اساس تحقیقات مختلفی که پیرامون بالکها انجام گرفته است میتوان آنها را از دو دیدگاه بهصورت جدول 1 تقسیم بندی کرد. سمت راست بالکها بر اساس فیزیک جریان کاربردی و سمت چپ بر اساس فاکتور بال با بالک تنظیم شده است. بخش مشترک اشاره به بالکهایی دارد که در هر دو فیزیک جریان، عملکرد نزدیکی از خود نشان دادهاند [9 و 10].

ِ دو دیدگاه مختلف.	سیمبندی بالکها از	جدول (1): تقس
--------------------	-------------------	---------------

ترکیبی <sup>1</sup> ، مکس <sup>2</sup> ، حصار مانند <sup>3</sup>	تراكم پذير	
پرهایی <sup>4</sup> ، دایروی <sup>5</sup>	تراكم پذير	فيزيک جريان
تک شاخه <sup>6</sup>	مشترک	
تک شاخه، پرهایی	$e_{_{WW}} < 1$	
ترکیبی، مکس، دایروی، حصار مانند	<i>e</i> <sub>ww</sub> >1	فاکتور بال با بالک

<sup>1-</sup> Blended

- 4- Multi-tip
- 5- Spiroid
- 6- Raked

## 3-1- تاريخچه پژوهش

به جهت بررسی محل شکل گیری هسته مرکزی گردابهها حول نوک بال و درک بهتر از تأثیر هندسه بالک بر شکل گردابهها سون و همکارانش [11] عملکرد سه نوع بالک مختلف را برای یک بال ذوزنقهای با نسبت منظری 3/2 در عدد رینولدز  $10^{\circ} \times 10^{\circ}$  مورد تحلیل قرار دادند. در این پژوهش مشخص شد هرچه بالک به نحوی طراحی شده باشد که هسته مرکزی گردابه در فاصله دورتری از نوک بال شكل گيرد عملكرد آيروديناميكي بال بيشتر مي شود. آلتاب و همكارانش [12] با بررسی تجربی بالک تركيبی در دو زاویه نصب<sup>7</sup> 0 و 60 درجه بر روی یک هواپیما در رينولدزهاي 10<sup>5</sup>×1/7، 10<sup>5</sup> و 10×2/5 افزايش 6 ألاينولدزهاي درصدی شیب نمودار برآ در زاویه نصب 60 درجه را مشاهده کردند. همچنین به کمک منطق فازی<sup>8</sup> مدلی برای ییش بینی ضرایب آیرودینامیکی بهازای سایر زوایای نصب با خطای کمتر از 10 درصد نسبت به دادههای تجربی ارائه کردند. کویسن و همکارانش [13] با هدف بررسی تأثیر زاویه نصب پرههای بالک پرهای در جریان با عدد رینولدز یایین ینج پیکربندی مختلف بالک را بر روی یک بال مستطيلي با زاويه تلاقي<sup>9</sup> 25 /1 درجه و زاويه بالاروندگي<sup>10</sup> 1/5 درجه مورد تحليل قرار دادند. در اين پژوهش نشان داده شد پیکربندی با زوایای نصب 15،0 و 30 درجه به ترتيب از لبه حمله تا لبه فرار موجب افزايش 14% عملكرد آیرودینامیکی،12% نرخ اوج گیری و 23/5% فاکتور بال شده است. در تحقیقات انجام گرفته پیرامون پرندههای شکاری، مشخص شده است که بهترین نسبت میان دهانه بال و بالک پرهای باید در محدوده 4 تا 8 قرار داشتن باشد [14]. در همین راستا ویسا و همکارانش [15] با الهام گرفتن از بال پرندههای شکاری پژوهشی را جهت مقایسه عملکرد آیرودینامیکی بالک حاصل از ادغام بالک ترکیبی و پرهای بهصورت شکل 4 در رینولدز 10<sup>5×1</sup>/0 به انجام رساندند. در این پژوهش علاوه بر موضوع اصلی، تأثیر فاصله میان پرهها ( 0 تا 40 درصد وتر بال اصلی) و زاویه حمله پرهها هم مورد بررسی قرار گرفته است.

- 8- Fuzzy Logic Technique
- 9- Angle of Incidence
- 10- Dihedral Angle

<sup>2-</sup> MAX

<sup>3-</sup> Fence

<sup>7-</sup> Cant Angle



شکل (4): بالک طراحی شده توسط ویسا و همکارانش [15].

بالک طراحی شده در این پژوهش کم ترین میزان تولید پسای القائی را در تمام زوایای حمله آزمایش شده داشته و فاصله 20 درصدی طول وتر از بال اصلی میان پرهها موجب افزایش 7/25 % درصدی شیب نمودار برآ شده است.

گروگو و همکارانش [8] به جهت شبیهسازی بالک پرندگان شکاری بەصورت عملیاتی نوعی بالک مکعبی بسته<sup>1</sup> را با دو نوع بالواره متفاوت بهصورت شكل 5 طراحي كرده و عملکرد آیرودینامیکی آن را روی بال دارای نسبت منظری 4/46 در عدد رینولدز 10<sup>5×1</sup> مورد تحلیل قرار دادند. افزایش 9% شیب نمودار برآ به زاویه حمله، تأخیر 3 درجهایی زاویه حمله در محل واماندگی، افزایش 10 درصدی عملکرد آیرودینامیکی و رفتار بهتر بعد از واماندگی از نتایج این پژوهش بوده است. در ادامه تحقیقات صورت گرفته پیرامون بالکها در رینولدزهای پایین یاکینوتوس و همکارانش [16] با هدف بررسی تأثیر پارامترهای هندسی بالک ترکیبی تحقیقاتی را پیرامون 5 پیکربندی مختلف برای جریانی با سرعت m/s به انجام رساندند. زاویه نصب 50 الى 90 درجه و ارتفاع بالكها 15 الى 50% طول نيم بال در نظر گرفته شده و سایر متغیرهای مثل زاویه باریک شوندگی<sup>2</sup>، زاویه پیچش<sup>3</sup> و عقب رفتگی<sup>4</sup> ثابت در نظر گرفته شده است. در ابتدا پیکربندیهای مختلف به جهت مشخص شدن بهترین بالک از نظر عملکرد آیرودینامیکی با یکدیگر مقایسه شده و در مرحله دوم عملکرد آیرودینامیکی یک پهپاد با و بدون بالک انتخاب شده در مرحله قبل مورد

- 1- Spiroid
- 2- Taper
- 3- Twist
- 4-Swept

ارزیابی قرار گرفته است. بالک تستشده با زاویه نصب 60 درجه و ارتفاع 50% بالاترین عملکرد را دارا بوده و موجب افزایش 7/8% بیشینه نسبت برآ به پسا و 10% زمان پرواز پهپاد شده است. هر کدام از مقالاتی که در بالا به آنها اشاره شد وجه جدیدی از عملکرد بالکها در سرعتهای پایین نشان دادهاند. اما توجه کلیه این مقالات به یک نوع بالک خاص بوده است. بر همین اساس گاتهام و بیبین [17] تحقیقاتی پیرامون بالکهای دو شاخه<sup>5</sup>، ترکیبی و پرهای انجام دادند.



شکل (5): هندسه بالک طراحی شده [8]

هدف از این پژوهش بررسی تأثیر تعداد پرهها بر عملکرد بالک پرهای و میزان اثرگذاری نسبت منظری بر روی عملکرد آیرودینامیکی هر سه بالک در مقابل بال ساده بوده است. با شبیه سازی های انجام گرفته مشخص شد که بالک پرهایی با 3 پره بهترین عملکرد را داشته و افزایش بیش از اندازه نسبت منظری برای هر سه نوع بالک کاهش عملکرد آیرودینامیکی را به همراه داشته است.

در ادامه کارهای صورت گرفته پیرامون بالکهای پرهای کاتالانو و همکارانش [18] شش پیکربندی مختلف از این نوع بالک را برای یک هواپیمای کشاورزی در سرعت 57m/s مورد بررسی قرار دادند. در این پژوهش جهت دستیابی به نقطه طراحی بال با بالک تغییرات حول زاویه نصب بالک انجام گرفته است. افزایش 18% بیشینه مقدار ضریب برآ، 16/5% عملکرد آیرودینامیکی و کاهش میزان حساسیت تغییر نیروی پسا نسبت به افزایش برآ برای حالتی که پرهها از لبه حمله تا لبه فرار به ترتیب از کوچک به بزرگ قرار

گرفته باشند به صورت شکل 6، از نتایج این مقاله بوده است. همچنین با اتصال این بالک به پیکربندی کامل هواپیما افزایش 13/5% مداومت و 9% برد پروازی نسبت به هواپیمای بدون بالک گزارش شده است.



**شکل (6)**: نمای از پیکربندیهای بالک پرهای تستشده [19]

بر اساس پژوهشهای فوق موضوع مطالعاتی که حول تحلیل سه بالک ترکیبی، پرهایی و تک شاخه انجام گرفته است را میتوان بهصورت زیر تقسیم،بندی کرد:

- بهینهسازی متغیرهای هندسی یک بالک خاص در اعداد رینولدز مختلف
  - بررسی تأثیر افزایش دهانه بال
    - بررسی اثرات تراکم پذیری
- الهام گرفتن از طبیعت و طراحی یک بالک جدید
- بررسی متغیرهای هندسی مختلف یک بالک برای
   یک هواپیما یا پهپاد با پیکربندی متعارف

در کلیه موارد فوق، یا از چند نوع بالواره برای بال و بالک استفاده شده و یا تنها به بررسی عملکردی یک نوع بالک با بالواره مشابه بال پرداخته شده است [17]. در پژوهش حاضر ابتدا تأثیر استفاده از بالواره یکسان برای بال و بالک پرهایی آزمایش شده در مرجع [15]، بررسی شده و سپس شرایط هندسی اشاره شده برای دو نوع بالک ترکیبی و تک شرایط هندسی اشاره شده برای دو نوع بالک ترکیبی و تک شاخه هم مورد ارزیابی قرار گرفته است. با توجه به جدول 2 دهانه بالک 12% دهانه بال و طول وتر بالواره بال 2 برابر بالک در نظر گرفته شده است. زاویه عقب رفتگی بالک تک شاخه ایت ایل درجه و ارتفاع بالک ترکیبی mais انتخاب شده است [10]. بال ساده استفاده شده در این پژوهش از نوع مستطیلی با نسبت منظری 4/16 و بالواره 2003 به نوع مستطیلی با نسبت منظری 5/14 و بالواره حمله از 0

تا 10 درجه در عدد رینولدز 10<sup>5</sup>×10 انجام گرفته است. در بخش نتایج با استخراج ضرایب آیرودینامیکی و تشریح فیزیک جریان، سازوکار عملکردی هر یک از بالکها در کاهش قدرت گردابههای القائی با یکدیگر مقایسه شده است.

جدول (2): مشخصات هندسی بالکهای مختلف.

مرجع	C <sub>r<sub>cw</sub></sub> / C <sub>r<sub>wl</sub></sub>	$b_{wl} = \% b_{cw}$	نوع بالک
[9]	-	17	تک شاخه
[10]	3/6	10	
[11]	2/85	5/58-3/48	
[12]	1	9/16	
[17]	2/5	3/17-4/92-9/36	تركيبى
[18]	4/4-3/3-2/5	8/66	
[13]	-	18/2-16/12-14	
[8]	-	19/75	
[15]	2	12	پرەاى
[18]	-	19-28-15/28	

# 2- معادلات حاکم و روش حل

یک جریان آرام همواره در آستانه ناپایداری قرار دارد و کوچکترین اغتشاش خارجی میتواند موجب آشفته شدن جریان شود. در شبیه سازی عددی مواردی مانند خطای ناشی از گرد کردن عملکردی مشابه با اغتشاشات داخلی جریان طبیعی دارند و اگر اغتشاشات جسم صلب در معرض جریان طبیعی دارند و اگر اغتشاشات جسم صلب در معرض عملکرد آیرودینامیکی مقطع بالواره به صورت نمودار 2 در اعداد رینولدز محدوده <sup>5</sup>10 با فیزیک جریان مطابقت نخواهد داشت.

بر همین اساس برای شبیهسازی از فرم تراکم ناپذیر معادلات ناویر -استوکس به روش میانگین *گ*یری رینولدز<sup>1</sup>

<sup>1-</sup> Reynolds-Averaged Navier-Stokes (RANS)

استفاده شده است. فرم تانسوری این معادلات بهصورت زیر محاسبه میشوند [19]:

$$\frac{\partial \overline{u_i}}{\partial x_j} = 0 \tag{4}$$

$$\rho \overline{u}_{j} \frac{\partial u_{i}}{\partial x_{j}} = \rho \overline{f_{i}}$$

$$+ \frac{\partial}{\partial x} \left( -\overline{p} \ \delta_{ij} + \mu \left( \frac{\partial \overline{u_{i}}}{\partial x_{j}} + \frac{\partial \overline{u_{j}}}{\partial x_{i}} \right) - \rho \overline{u_{i}' u_{j}'} \right)$$
(5)



نمودار (2): تغییرات ضریب پسا نسبت به عدد رینولدز برای هندسههای مختلف [20].



2- Spalart-Allmaras



6 درجه



**شکل (7):** مقایسه قدرت دو مدل آشفتگی در محاصره گردابههای القائی.

جدول (3): مقایسه نتایج حاصل از دو مدل آشفتگی.

کی امگا-اس اس تی		اسپالارت-آلماراس		اه به	
ضريب پسا	ضريب برآ	ضريب پسا	ضريب برآ	رر <u>.</u> حمله	
0/0213	0/2764	0/0207	0/2889	0	
0/0295	0/5146	0/0290	0/5318	3	
0/0438	0/7455	0/0437	0/7701	6	

نسخه اولیه این مدل به طور خاص برای استفاده در حوزه هوافضا و جریان های آیرودینامیکی نزدیک به دیوار ارائه شده است [21]. این در حالی است که نسخه به روز شده ای این

مدل در نرمافزار فلوئنت<sup>1</sup> بهوسیله توابع دیواره به نحوی گسترش یافته است که نواحی بین دو ناحیه مهم زیر لایه لزج<sup>2</sup> و لایه لگاریتمی<sup>3</sup> را پوشش میدهد. بر همین اساس میتوان با تنظیم کردن تابع دیواره<sup>4</sup> در محدوده لایه حائل<sup>5</sup> حول مرز جامد به جوابهای قابل قبولی دست پیدا کرد [22]. شکل کلی تک معادله این مدل بهصورت رابطه (6) نوشته میشود. در این مدل انرژی جنبشی موجود در رابطه نوشته میشود. در این مدل انرژی جنبشی موجود در رابطه (7) بهصورت یک عدد ثابت حاصل از تستهای تجربی در نظر گرفته شده و مقدار لزجت گردابهایی توسط تابع میرا کننده  $f_{v1}$  بهصورت رابطه (8) محاسبه میشود [21].

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho \tilde{v}) + \frac{\partial}{\partial x_{i}} (\rho \tilde{u}_{i}) = G_{v} + \frac{1}{\sigma_{\tilde{v}}}$$

$$\left[ \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left\{ (\mu + \rho \tilde{v}) \frac{\partial \tilde{v}}{\partial x_{j}} \right\} + C_{b_{2}} \rho \left( \frac{\partial \tilde{v}}{\partial x_{j}} \right)^{2} \right] - Y_{v} + S_{\tilde{v}}$$
(6)

$$-\rho \overline{u_i' u_j'} = \mu_i \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) -$$

$$\frac{2}{3} \left( \rho k + \mu_i \frac{\partial u_k}{\partial x_k} \right) \delta_{ij}$$

$$\mu_i = \rho \tilde{v} f_{vi}$$
(8)

امکان تغییر کلیه ثوابت این معادله برای شبیه سازی های مختلف در نرم افزار تجاری فلوئنت وجود دارد اما در کار حاضر از حالت پیش فرض ثوابت به صورت زیر استفاده شده است:

$$C_{b_{1}} = 0.1355 \quad C_{b_{2}} = 0.622$$

$$\sigma_{\tilde{v}} = \frac{2}{3} \quad C_{v_{1}} = 7.1$$

$$C_{w_{1}} = \frac{C_{b_{1}}}{C_{w_{1}}^{2}} + \frac{\left(1 + C_{b_{2}}\right)}{\sigma_{\tilde{v}}} \quad C_{w_{2}} = 0.3$$

$$C_{w_{2}} = 2 \quad k = 0.4187$$
(9)

2- Viscous Sublayer 3- Logarithmic Layer

4- y plus

5- Buffer Layer

گسسته سازی کلیه معادلات اشاره شده به روش فشار مبنا<sup>6</sup> و در حالت مرتبه دوم بالا دست<sup>7</sup> انجام گرفته و برای محاسبه متغیرهای جریان در فضای محاسباتی از روش کوپل سرعت -فشار<sup>8</sup> استفاده شده است. مزیت این روش نسبت به روش های مجزا<sup>9</sup> حدس اولیه دقیق تر جواب به دلیل محاسبه همزمان معادلات پیوستگی و تکانه به جهت محاسبه متغیرهای جریان در هر سلول است. لازم به ذکر می باشد که کلیه شبیه سازی های انجام گرفته در این پژوهش با فرض جریان پایا انجام گرفته است.

## 3- حل عددی

#### 1-3- مشخصات هندسی مدل

در پژوهش حاضر از بال مستطیلی با نسبت منظری 4/16 و بالواره SD7032 استفاده شده است. به جهت حذف کردن اثر تغییر طول دهانه بال بر پسای القائی طول کلیه پیکربندیهای نشان دادهشده در شکل 8 برابر با 625m6 و طول دهانه کلیه بالکها 75mm در نظر گرفته شده است. زاویه نصب بالک ترکیبی 60 درجه، فاصله میان پرههای بالک پرهای 20% طول وتر بال و زاویه عقب رفتگی بالک تک شاخه 44/8 درجه است.



شکل (8): نمای بالا و رو به روی پیکربندیهای بررسی شده.

- 7- Second Order Upwind
- 8- Coupled
- 9- Segregated

<sup>6-</sup> Pressure Base

## 2-3- استقلال از شبکه

همان طور که در شکل **9-الف** آورده شده است محدوده حل از نوع H-C و مرزهای آن به اندازه 12 و 20 برابر طول وتر از مرز جامد توسعه داده شدهاند. مطابق شکل **9-ب** برای دستیابی به محدوده مجاز تابع دیواره در مدل آشفتگی، شبکه به نحوی تولیده شده است که مقدار آن روی بال از 10 فراتر نرود. توزیع این متغیر حول بال در شکل **9-ج** 

نشان داده شده است. برای دستیابی به تعداد سلول بهینه چندین شبکه با نسبت رشد 1/5 برای بال ساده در زاویه حمله 8 درجه مورد بررسی قرار گرفته است.

بر اساس جدول 2 در ازای افزایش حجم محاسباتی از ش-5 به ش-6 تفاوت چندانی در بین نتایج حاصل نشده است. در نتیجه در کار حاضر ش-5 با تعداد سلول 1173760 معیار تولید هندسه در نظر گرفته شده است.







شکل (9): الف) شرایط مرزی و محدوده حل ب) نمایی از شبکه و دقت لایه مرزی در اطراف بال. ج) کانتور توزیع تابع دیواره حول بال.

ضريب پسا	ضريب برآ	تعداد سلول	اسم شبکه
0/0856	0/76123	225707	ش-1
0/06821	0/85151	338560	ش-2
0/05974	0/90938	507840	ش-3
0/05762	0/92153	772960	ش-4
0/05709	0/92145	1173760	ش-5
0/05707	0/92123	1760640	ش-6

ول (4): نتایج بهدستامده از بررسی شبکهها مختلف.
--

## 3-3- اعتبار سنجى

نتایج به دست آمده برای بال بدون بالک در زوایای جمله مختلف با داده های تجربی مرجع [15] جهت اعتبار سنجی روش حل مقایسه شده و جزئیات آن در نمودار 4 آورده شده است. همان طور که در این شکل مشاهده می شود بعد است استفاده از مدل آشفتگی اسپالارت - آلماراس نتایج به دست آمده در زوایای حمله پایین انطباق مناسبی با داده های تجربی داشته و با افزایش تدریجی زاویه حمله دقت روش حل استفاده شده کاهش پیدا می کند.



نمودار (4): اعتبار سنجی نتایج بهدست آمده.

# 4- بحث و نتايج

## 4-1- ضرايب آيروديناميكي

با توجه به نمودار 5 استفاده از بالواره یکسان با بال برای بالک پرهایی نسبت به حالت استفاده از دو بالواره مختلف افزایش عملکرد آیرودینامیکی را به همراه داشته است. بر همین اساس برای بررسی بیشتر تأثیر استفاده از بالواره یکسان بر روی ضرایب آیرودینامیکی، نتایج دو نوع بالک دیگر با بالک پرهایی و بال بدون بالک مقایسه شدهاند.



**نمودار (5):** مقایسه تأثیر استفاده از بالواره یکسان بر عملکرد آیرودینامیکی بالک پرهای .

با بررسی نتایج ارائهشده در نمودار 6 مشاهده میشود که با افزایش زاویه حمله تأثیر هر سه بالک بر ضرایب آیرودینامیکی بیشتر میشود. در بین بالکهای تستشده، شیب تغییرات ضریب برآ برای بالک ترکیبی 88/8% بیشتر از بال ساده و 48/4% از میانگین شیب دو بالک دیگر بیشتر شده است. در نمودارهای 7 و 8 پسای اغتشاشی و القائی بالکهای بررسیشده در مقایسه با بال ساده نشان داده شده است. بالک تک شاخه بیشترین پسا را به خود اختصاص داده اما شرایط بالکهای پرهای و ترکیبی بر عکس هم بوده و بالکی که پسای اغتشاشی کمتری تولید کرده پسای القائی بیشتری را هم نسبت به سایر بالکها تولید کرده است. به همین دلیل بررسی تنها یک نوع از زیرمجموعههای نیروی پسا برای شناخت ویژگی بالکها کافی نخواهد بود.



نمودار (6): مقایسه ضریب برآ بال ساده و بال با بالک.

با مقایسه مقادیر نمودار 6 مشخص خواهد شد که استفاده از بالواره یکسان به صورت میانگین در کلیه زوایای حمله موجب كاهش 9/7% پساى القائى بالک تركيبى نسبت به بال ساده شده و بیشترین میزان کاهش را در بین سه بالک داشته است. این در حالی میباشد که بالک پرهایی با نرخ 8% نسبت به بال ساده کمترین میزان پسای اغتشاشی را تولید کرده و بالک تک شاخه کمترین عملکرد را در کاهش هر دو نوع نیروی پسا داشته است تا جایی که در زوایای حمله بالا مقدار نیروی پسای این بالک از بال ساده فراتر رفته است.



نمودار (7): تغییرات ضریب پسای اغتشاشی نسبت به زاویه حمله.



نمودار (8): تغییرات ضریب پسای القائی نسبت به زاویه حمله.

بر اساس نتایج نمودار 9 تأثیر بالک یرهای جهت کاهش نیروی پسا در زاویه حملههای نزدیک به صفر (0 تا 6 درجه) بیشتر بوده و در زوایای بالاتر (6 تا 10 درجه) تأثیر بالک ترکیبی بیشتر میباشد. همچنین با بررسی نمودار 10 بالکهای پرهای، ترکیبی و تک شاخه به ترتیب موجب افزایش 10/55،10/88 و 3/37 درصد عملکرد آیرودینامیکی به صورت میانگین در هر پنج زاویه حمله شده و برای یک زاویه مشخص، بالک ترکیبی با افرایش 16/3% عملکرد آیرودینامیکی در زاویه 10 درجه بیشترین عملکرد را داشته است. این در حالی میباشد که بالک تک شاخه در همین زاویه تنها 5/12% بهبود را نسبت به بال ساده تجربه کرده است.





**نمودار (10)**: مقایسه عملکرد آیرودینامیکی بال ساده با پیکربندیهای مختلف بالک.

#### 2-4- فيزيک جريان

در این بخش سازوکار چگونگی کاهش گردابهها، هندسه هسته مرکزی گردابه و توزیع سرعت برای سه نوع بالک نسبت به بال اصلی بررسی میشوند. در ابتدا با مقایسه قدرت گردابه بالک تک شاخک و بال ساده نشان دادهشده در شکل 10 متوجه خواهیم شد که سازوکار اصلی که در این نوع از بالکهای موجب تغییرات در حوزه جریان پشت بال میشود تفاوت زاویه عقبرفتگی مقطع بالک نسبت به راستای دهانه بال و همچنین طول وتر بالواره ریشه بالک است. در واقع افزایش زاویه عقبرفتگی موجب افزایش نیروی برآ شده و کوچک بودن طول وتر با کاهش سرعت چرخش خطوط جریان موجب میشوند که هسته مرکزی گردابهها در شعاع بزرگتر و قدرت کمتر تشکیل شوند و این عوامل در انتها باعث افزایش روند تأثیر لزجت جریان آزاد بر گردابهها خواهد شد.







**شکل (10):** مقایسه قدرت گردابههای ایجادشده برای پیکربندیهای مختلف در زوایای حمله 0، 3، 6، 8 و 10 درجه.





شکل (11): کانتورهای سرعت برای مقاطع مختلف در زاویه حمله 10 درجه

زاویه نصب در بالک ترکیبی باعث افزایش سطح تماس خطوط جریان نسبت شده و همین عامل موجب کاهش سرعت چرخش خطوط جریان و کاهش زمان موردنیاز برای تشکیل گردابههای بزرگ مشابه بال ساده می شود. این نوع از بالکها بر خلاف بالک تک شاخه که فقط بر هسته مرکزی گردابه تأثیر گذار میباشد، بهطور کلی توزیع گردابه در حوزه جریان را تغییر میدهند. سازوکار اصلی بالکهای پرهای برای کاهش قدرت گردابهها و به طبع آن افزایش بازده آیرودینامیکی فاصله میان پرهها، طول پرهها و زاویه نصب آنها است. همان طور که در کانتورهای مربوط به این بالک در شکل 10 مشهود است وجود فاصله میان پرهها برخلاف دو بالک دیگر که به صورت یک تکه می باشد موجب تشکیل دو گردابه با قدرتهای متفاوت خواهد می شود. علت قوی تر بودن گردابههای پشت ریشه بالک نسبت به ریشه بال در تماس بودن خطوط جریان عبوری از روی بالک با خطوط جريان آزاد و اختلاف فشار بيشتر اين محدوده نسبت به ریشه بال است. ثابت نگهداشتن طول و در یک راستا بودن پرهها موجب تشکیل یک گردابه قوی در ریشه شده است. این در حالی میباشد که تغییرات بر روی طول پرهها میتواند تعداد و قدرت گردابهها را تحت تأثیر قرار دهد و این موضوع باید برای هر پرنده در نقطه طراحی قرار داشته باشد.

استفاده از بالک موجب افزایش سرعت جریان عبوری از روی مقاطع نزدیک به نوک بال شده اما در مقاطع نزدیک به ریشه تأثیری بر روی توزیع سرعت نداشته است. این موضوع در شکل 11 نشان داده شده است. بر همین اساس سه نوع بالک بررسی شده در این پژوهش تأثیری روی آرایش جریان حول بال نخواهند داشت و صرفاً به دلیل کاهش قدرت گردابه های القائی پشت بال و افزایش ضریب بازده آیرودینامیکی بال باعث بهبود عملکرد آیرودینامیکی می شوند.

- Chambers, J. R. "Concept to Reality: Contributions of the Langley Research Center to US Civil Aircraft of the 1990s". Virginia, United States: NASA, 2003
- Jarrett, P. "FW Lanchester and the Great Divide",https://www.aerosociety.com/media/484 6/fw-lanchester-and-the-great-divide.pdf, 2014.
- Whitcomb, R. T. "A Design Approach and Selected Wind Tunnel Results at High Subsonic Speeds for Wing-tip Mounted Winglets", NASAL-10908, 1976.
- Mihaela, S. D. "Estimating the Oswald Factor from Basic Aircraft Geometrical Parameters", Hamburg University of Applied Sciences. no. 281424, p. 19, 2012.
- Guerrero, J. E, Maestro D, and Bottaro, A. J. "Biomimetic Spiroid Winglets for Lift and Drag Control", Comptes Rendus Mecanique. Vol. 340, no. 1-2, pp. 67-80, 2012.
- Gold, V. K. "Aerodynamic Effects of Local Dihedral on a Raked Wingtip", 40th AIAA Aerospace Sciences Meeting & Exhibit, 2002.
- Halpert, P. D, Prescott, D. H, Yechout, T. R, and Arndt, M. "Aerodynamic Optimization and Evaluation of KC-135R Winglets, Raked Wingtips, and a Wingspan Extension", 48th AIAA Aerospace Sciences Meeting, 2010.
- Sohn, M. H. and Chang, J. W. "Visualization and PIV Study of Wing-tip Vortices for Three Different Tip Configurations", Aerospace Science and Technology. Vol. 16, no. 1, pp. 40-46, 2012.
- Altab, H, Atour, H, Hossen, Jakari, H, and Iqbal, A.K.M.P. "Prediction of Aerodynamic Characteristics of an Aircraft Model With and Without Winglet Using Fuzzy Logic Technique", Aerospace Science and Technology. Vol. 15, no. 8, pp. 595-605, 2011.
- Cosin, R, F, Catalano, Correa, L.G.N, and Entz R. "Aerodynamic Analysis of Multi-Winglets for Low Speed Aircraft", 27th International Congress of the Aeronautical Sciences, 2010.
- Savile, D. J. E. "Adaptive Evolution in the Avian Wing", Pathology Laboratory, Science Service, Ottawa, Ontario, Canada, 1956
- Lynch, M. K. "Bio-inspired Adaptive Wingtip Devices for Low Reynolds Number Operation", Master of Science Dissertation, University of Illinois at Urbana-Champaign. 2017.
- Panagiotou, P, Kaparos, and Yakinthos K. "Winglet Design and Optimization for a Male UAV Using CFD", Aerospace Science and Technology. Vol. 39, pp. 190-205, 2014.

## 5- نتيجەگىرى

بر اساس ضرایب آیرودینامیکی استخراج شده و فیزیک جریان تشریح شده:

- استفاده از بالواره یکسان برای بال و بالک پرهایی نسبت به حالت استفاده از دو بالواره مختلف به صورت میانگین در زوایای حمله بررسی شده، موجب افزایش عملکرد آیرودینامیکی به مقدار 3/1% شده است.
- استفاده از بالواره یکسان برای بالک تک شاخه مناسب نمی باشد چرا که تنها موجب کاهش جزئی قدرت هسته مرکزی گردابه ها می شود اما برای بالک ترکیبی می تواند افزایش عملکرد آیرودینامیکی را به همراه داشته باشد.
- استفاده از بالک پرهای نسبت به بالک ترکیبی در شرایط فیزیکی شبیه سازی شده این پژوهش برای زوایای حمله کم (0 تا 6 درجه) مناسب تر بوده و به صورت میانگین افزایش 10/5% عملکرد آیرودینامیکی را به همراه داشته است.
- بالک ترکیبی بهدلیل افزایش ضریب بازده آیرودینامیکی بال کمترین میزان پسای القائی را تولید کرده و بیشتر برای افزایش نیروی برآ در زوایای حمله بالا (بیشتر از 6 درجه) مناسب بوده و در این پژوهش بهصورت میانگین عملکرد آیرودینامیکی را 10% بهبود داده است.

#### 6- مراجع

- Barnes, W. and McCormick, W. "Aerodynamics Aeronautics and Flight Mechanics", ed: New York: Wiley, 1995.
- Cleynen, O. "Drag Curves for an Aircraft with a Given Weight in Flight Available", https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Drag\_ curves\_for\_aircraft\_in\_flight.svg, 2016.
- Anderson, J. D. "Fundamentals of Aerodynamics", Fifth ed. New York: McGraw-Hill, 2011.

- Munson, B. R, Young, D. F, Okiishi, T. H, and Huebsch, W. W. "Fundamentals of Fluid Mechanics", Sixth ed. USA: WILEY, 2009
- Spalart, P. and Allmaras, S. "A One-Equation Turbulence Model for Aerodynamic Flows", in 30th Aerospace Sciences Meeting and Exhibit, 1992, p. 439.
- 22. Ansys. "ANSYS Fluent Users Guide", http://www.pmt.usp.br/academic/martoran/notas modelosgrad/ansys%20fluent%20users%20guid e.pdf, 2013
- Narayan, G. and John, B. J. A. S. "Effect of Winglets Induced Tip Vortex Structure on the Performance of Subsonic Wings", Aerospace Science and Technology. Vol. 58, pp. 328-340, 2016.
- Bravo-Mosquera, P. D, Cerón-Munoz, H. D, and Diaz-Vazquez, G. "Conceptual Design and CFD Analysis of a New Prototype of Agricultural Aircraft", Aerospace Science and Technology. Vol. 80, pp. 156-176, 2018.
- Versteeg, M. H. and Malalasekera, W. "An Introduction to Computational Fluid Dynamics", Second ed. England: Pearson Education, 2006.