تعویق جدایش جریان بر روی پره توربین بادی با ترکیب اثر نیمپره و شیارهای طولی

محمد سعیدی'، رضا آقایی طوق^۲

گروه مهندسی هوافضا، واحد علوم و تحقیقات تهران، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران (تاریخ دریافت: ۱۹۹۸/۱۰/۹۱؛ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۹/۱۱/۲۵)

چکیدہ

در این تحقیق به بررسی اثر ترکیب همزمان نیمپره و شیار طولی در تعویق جدایش جریان ایرفویل متداول توربین بادی پرداخته شده است و چهار نوع شیار مختلف مورد بررسی قرار گرفته است. شبیهسازی آئرودینامیکی انجامشده، بر اساس جریان پایای عبوری از روی ایرفویل NREL S809 و روش حل بهصورت عددی و با استفاده از شبکه با سازمان انجام شده است. نتایج نشان میدهد که در عدد رینولدز زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه ، با افزودن نیمپره، جدایش جریان از ۲۹/۰ = ۲٪ تا ۲۷/۰ = ۲٪ به تعویق میافتد و ضریب برا از مقدار ۱۰۱ تا مقدار ۱۹۲۲ و به میزان ۶۴٪ افزایش می یابد. سپس با بررسی افزودن چندین نوع شیار طولی در لبه فرار ایرفویل مشاهده گردید که نوعی شیار سینوسی شکل با ۴۵ درجه تقدم فاز بهترین کارایی را دارد و با انجام شبیهسازیهای مختلف روی مقادیر دهانه، عمق و محل شیار سینوسی، مناسب ترین مقدار پارامترهای متغیر، به ترتیب با مقدار دهانه ۳٪ وتر ، عمق ۱۰٪ و ۲۸٪ و محل ۸۸۰ افزایش می یابد.

واژههای کلیدی: جدایش جریان، پره توربین بادی، ایرفویل، شیارهای طولی، نیم پره ، تعویق جدایش جریان

Investigation of the Delay in Flow Separation on the Wind Turbine Blade by Combining the Slat and Longitudinal Slot Effects

M. Saeedi and R. Aghaei Tough

Department of Aerospace Engineering, Tehran Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran (Received: 04/November/2019; Accepted:28/June/2020)

ABSTRACT

This study is conducted on the effects of leading-edge slat and longitudinal slots in delaying the flow separation. The case study is a conventional wind turbine airfoil and four different types of slots have been investigated. The aerodynamic simulation is performed on the basis of a steady state air flow over the NREL S809 airfoil and the solution is obtained numerically using the structured grids. The results show that at Reynolds number of 1e+6 and an angle of attack equal to 16.22° , with the addition of leading-edge slat, the separation is delayed from x / c = 0.47 to x / c = 0.67 and the lift coefficient is increased by 64% (from 1.17 to 1.92). So, by adding several types of longitudinal slots, it is observed that a sinusoidal slot with 45° of phase lead, has the best performance. Through studying the values of the aperture, depth and location of the sinusoidal slot, the best values of these parameters were obtained as follows: 3% of the chord for the aperture value, 0.5% of the chord for the depth value and 0.85 for the x/c ratio. By completely removing the flow separation, at the mentioned Reynolds number with the same angle of attack, the lift coefficient has 117% increase, reaching the value of 2.54.

Keywords: Flow Separation, Wind Turbine Blade, Airfoil, Longitudinal Slot, Slat, Delaying Flow Separation

mohammadsaeedi.coc@gmail.com - کارشناسی ارشد: ۱- کارشناسی

reza_tog@srbiau.ac.ir : استادیار (نویسنده پاسخگو): ۲-

فهرست علائم و اختصارات

$$B_i$$
نیروهای حجمی x, y, z, with x, y, z D_i D_i

زيرنويسھ

- m اندیس محلی
 - مخفف نوع t

۱- مقدمه

یکی از مباحث پراهمیت آئرودینامیک توربینهای بادی، جدایش جریان میباشد که عوامل مختلفی مانند گرادیان فشار معکوس و اثر اصطکاک لزج کر لایه مرزی، در زاویه حملههای نسبتاً بالا موجب آن می شوند [1]. با توجه به این که جدایش جریان می تواند راندمان کلی توربین را کاهش دهد، به تأخیر انداختن پدیده جدایش جریان از اهمیت ویژهای برخوردار است و در سالهای اخیر بسیاری از محققین به دنبال روشهایی جهت تعویق جدایش جریان بودەاند.

روشهای کنترل جریان به دو دسته کنترل جریان فعال ج و كنترل جريان غيرفعال تقسيم مي شوند اين روشها بر اساس بهبود حالت جریان و تغییر شدت آشفتگی، باعث جلوگیری و یا تعویق پدیده جدایش جریان می شوند [7]. کنترل جریان فعال نیاز به توان خارجی دارد و می تواند با تغییر حالت جریان در لایه مرزی و در نواحی مختلف سطح پرهها، جدایش جریان را به تعویق بیندازد. استفاده از جتهای مصنوعی⁶ و نیم پره² از جمله روشهای متداول کنترل جریان فعال است [۳]. ین و همکاران [۴] در سال ۲۰۱۳ به بررسی تأثیر جتهای مصنوعی در تقویت توربینهای بادی محور عمودی با کنترل واماندگی دینامیکی پرداختند. نتایج نشان داد، استفاده از جت مصنوعی در کنترل واماندگی در سرعتهای پایین بسیار مؤثر میباشد. یکی دیگر از مطالعات انجامشده روی تأثیر جتهای مصنوعی بر کنترل جدایش جریان، در ایرفویل S809 در سال ۲۰۱۸ توسط جیانجون و همکاران [۵]. صورت گرفت. آنها دریافتند که دلیل کاهش شدید و یا حذف جدایش جریان در زوایای حمله بالا، اختلاط سیال کم انرژی با سیال دارای انرژی بالاتر است. نتایج نشان داد که جتهای مصنوعی دوگانه دارای عملکرد بهتری میباشند و تأثیر بیشتری در کنترل جدایش جریان دارند. در سال ۲۰۱۹ وانگ و همکاران [۶] به بررسی اثر نیم پره لبه حمله ايرفويل 8809 بر جدايش جريان و عملكرد آئروديناميكي توربین بادی پرداختند. در این تحقیق، مدل

- ³ Passive flow control
- Active flow control
- ⁵ synthetic jet
- ⁶ Slat

¹ Reverse pressure gradient

² viscous friction

آشفتگی $K - \omega, SST$ و طول وتر ایرفویل و نیم پره به ترتیب ۶۰۰ و ۶۰ میلیمتر در نظر گرفته شدند، نتایج نشان داد زمانی که زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه است، با استفاده از نیم پره نقطه جدایش جریان از X/c = • /۶۷ به x/c = ۰/۶۷ انتقال یافته و ضریب برا ٪۵۲/۹۹ افزایش مییابد. چن و همکاران [۷] به بررسی عددی تأثیر زاویه نیم پره لبه حمله بهصورت کنترل جریان فعال، بر خواص آئرودینامیکی ايرفويل 8009 پرداختند. در اين تحقيق طول وتر نيمپره لبه حمله ۰/۱ طول وتر ایرفویل و فاصله افقی و عمودی مرکز نیم پره تا لبه حمله ایرفویل به ترتیب برابر با ۰/۰۰۵ و ۰/۰۰۹ طول وتر ایرفویل در نظر گرفته شدند. با توجه به نتایج بهدست آمده مشخص گردید که در زاویه حمله بیشتر از ۱۰/۲ درجه، ضریب برا بهطور قابل ملاحظهای توسط نیم پره لبه حمله افزایش می یابد که این افزایش برای زاویه صفر درجه مقدار بیشتری بوده است.

كنترل جریان غیرفعال روشی مؤثر و در عین حال ساده است که به توان خارجی نیازی ندارد. برای مثال مولدهای گردابی' با کنترل گرادیان فشار معکوس و گارنی فلپ' و ایجاد شکاف با افزایش ممنتوم لایه مرزی جدایش جریان را تحت تأثير قرار مىدهند [٨]. وانگ و همكاران [٩] با استفاده از مولدهای گردابی به بررسی کنترل جریان در ایرفویل NREL S809 پرداختند و با مقایسه مولدهای گردایی تک ردیفه و دو ردیفه مشخص گردید که مولدهای گردایی دو ردیفه دارای عملکرد بهتری هستند همچنین نتایج نشان داد که استفاده از مولدهای گردایی موجب تعویق پدیده واماندگی و افزایش ضریب برا میشود. در سال ۲۰۲۰ ژانگ و همکاران [۱۰] با نصب یک میله در مقابل لبه حمله ايرفويل متقارن NACA0018 كنترل واماندگي دینامیکی را مورد بررسی قرار دادند. نتایج نشان داد که توليد گردابههای چرخشی اطراف میله موجب انتقال پیوسته انرژی جنبشی به لایه مرزی می شود و قطر میله و فاصله آن با ایرفویل اشاره از عوامل تأثیرگذاری میله بر روی جدایش جريان هستند.

در سال ۲۰۱۹ لی شوهائو و همکاران [۱۱] به بررسی تأثير هندسه گارنی فلپ⁷ بر ايرفويل S809 پرداختند. آنها با در نظر گرفتن سه نوع از فلپهای مستطیلی شکل در لبه

فرار ايرفويل 8809 تحقيقات خود را انجام دادند. نتايج تحقیق نشان داد که فلپهای مستطیلی می توانند ضریب برا را تا ۲۰/۵۶٪ افزایش دهند. در این تحقیق همچنین فلپهای مثلثی شکل هم مورد بررسی قرار گرفت و نتایج نشان داد که فلپهای مثلثی تا ۲۸/۴۲٪ سبب افزایش ضریب برا می شوند که در مقایسه با فلپهای مستطیلی تأثیر بهتری بر ضریب برا دارند.

ایجاد شکاف به دلیل دمیده شدن جریان از ناحیه پرفشار ايرفويل به ناحيه كمفشار موجب تعويق جدايش جریان می شود. در سال ۲۰۱۳ بلامادی و همکاران [۱۲] عملکرد آئرودینامیکی ایرفویلهای شکافدار را در پر مهای توربین بادی مورد بررسی قرار دادند. آنها ایرفویل 8809 را جهت مطالعه انتخاب نمودند و با مقایسه زوایای حمله مختلف مشخص گردید که مناسبترین بازه زاویه حمله جهت بهبود عملکرد آئرودینامیکی سیستم ۱۰ تا ۲۰ درجه میباشد. در سال ۲۰۱۸ مشفقی و همکاران [۱۳] به بررسی اثر شکاف بر کاهش جدایش جریان توربین بادی پرداختند. آنها عوامل مؤثر مختلف، مانند محل قرار گیری، ضخامت، زاویه دمش و خروج جریان را بررسی کردند. در این تحقیق دو هندسه متفاوت با ضخامتهای ۰/۵، ۱، ۲ و ۴ درصد طول وتر بررسی شدند و نتایج نشان داد که در شکافهایی با ضخامت ۲ و ۴٪ طول وتر ضریب برا به ترتیب ۶۸/۵ و ۵۵/۸ درصد افزایش می یابند.

شیه و همکاران [۱۴] اثر شکاف را در کنترل جدایش جریان ایرفویل S809 بررسی کردند. نتایج نشان داد که با افزایش زاویه حمله، ناحیه جدایش افزایش مییابد و در زاویه حمله ۲۰ درجه ناحیه جدایشی بزرگ ظاهر می شود. با مقایسه صورت گرفته مشخص شد که در زوایای حمله ۱۵ درجه و ۲۰ درجه ضریب برا افزایش و ضریب یسا کاهش می یابد. بیهقی و همکاران [۱۵] در سال ۲۰۱۷ با استفاده از ایجاد شکافهای لبه حمله، عملکرد آئرودینامیکی ايرفويل NACA4412 را بهبود بخشيدند. استفاده از اين روش موجب جریان پیدا کردن بخشی از هوای ورودی از بین شکاف ایجادشده می گردد که با بررسی حالتهای مختلف مشخص گردید با افزایش طول و کاهش ضخامت شکاف، نیروی برا افزایش بیشتری دارد. برای بهترین طراحی بهطور متوسط ضريب برا ۸٪ افزايش يافت. بيهقى و

¹Vortex Generator

²Gurney Flap ³ Gurney Flap

همکاران [۱۶] در سال ۲۰۱۸ در پژوهشی دیگر به بررسی اثر یک شکاف مستطیلی باریک تحت عنوان یک شکاف بر عملکرد کلی ایرفویل NACA4412 پرداختند. این شکاف در نزدیکی لبه حمله ایرفویل ایجاد گردید و پس از مقایسه حالتهای مختلف، با بهبود زاویه ورودی، موقعیت عمودی و عرض شکاف، منجر به افزایش ۳۰٪ نیروی برا گردید.

اکبر زاده و همکاران [۱۷] به شبیهسازی و تحلیل عملکرد آئرودینامیکی جریان حول پرههای توربین بادی همراه با ترکیب تزریق سطحی ایرفویل و ایجاد شکافهای طولی و یک مکش در بدنه پره توربین بادی پرداختند. نتایج بهدستآمده از مقایسه توانهای تولیدی در سرعتهای متفاوت نشان داد که در زاویه حمله ۸ درجه و سرعت باد متفاوت نشان داد که در زاویه حمله ۸ درجه و سرعت باد ۱۸ متر بر ثانیه میتوان به بیشترین توان تولیدی، ۱۵ الی ۲۰ درصد دست یافت. در شکل ۱ شماتیک برخی هندسههای کنترل فعال و غیرفعال نشان داده شده است.



شکل (۱): شماتیک برخی هندسههای کنترل فعال و غیرفعال [۶–۵]، [۹–۲]، [۱۹–۱۱]

با توجه به بررسی پژوهشهای پیشین، افزودن نیم پره در لبه حمله ایرفویل و ایجاد شکاف عرضی از جمله روشهای متداول پژوهش گران متعدد بوده است و روش مولد گردابه نیز مؤثر شناخته شده است. با این حال ایجاد ترکیب همزمان نیم پره و شکاف تاکنون در پژوهشها مورد بررسی قرار نگرفته است و از طرفی ایجاد شیار عرضی با پیچیدگی و محدودیتهایی همراه است. بنابراین در پژوهش حاضر، طراحی چندین نوع شیار طولی بهجای شکاف عرضی و ترکیب همزمان آنها با نیم پره لبه فرار مورد توجه قرار

گرفته است. رویکرد طراحی شیار طولی، بهصورت یک حفره با مقاطع هندسی مختلف در سمت لبه فرار ایرفویل در نظر گرفته شده است که مناسبترین موقعیت، مقطع، دهانه و عمق آن از پارامترهای مورد بررسی میباشد.

۲- معادلات حاکم

بهطور خلاصه معادلات بقای حاکم بر جریانهای تراکم ناپذیر آشفته (معادلات RANS مشتمل بر معادلات بقای مومنتوم، بقای جرم و انرژی) درکلی ترین شکل آنها برای جریانهای تراکم ناپذیر به صورت معادلات (۱) تا (۳) بیان می گردند که موسوم به معادلات ناویر استوکس هستند [۱۸]:

$$\frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_i} = 0 \tag{1}$$

$$\rho\left(\frac{\partial \bar{u}_{i}}{\partial t} + \bar{u}_{j}\frac{\partial \bar{u}_{i}}{\partial x_{j}}\right) =$$

$$\frac{\partial \bar{u}_{i}}{\partial \bar{u}_{i}} \frac{\partial \bar{u}_{i}}{\partial \bar{u}_{i}}$$
(Y)

$$\bar{B}_{i} - \frac{\partial P}{\partial x_{i}} + \frac{\partial P}{\partial x_{j}} \left(\mu \frac{\partial H}{\partial x_{j}} - \rho u_{i}^{\prime} u_{j}^{\prime}\right)$$

$$\rho C_{p} \left(\frac{\partial T}{\partial t} + u_{j} \frac{\partial T}{\partial x_{j}}\right) =$$

$$\frac{\partial}{\partial x_{j}} \left(\lambda \frac{\partial T}{\partial x_{j}} - \rho C_{p} \overline{u_{j}^{\prime} T^{\prime}}\right) + H$$
(7)

در رابطه (۲) –*pu_lu_j* تنش رینولدز نامیده میشود و به کمک رابطه (۴) بهدست میآید [۱۹]:

$$\tau_{ij} = -\rho \overline{u'_i u'_j} = \mu_t \left[\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right] \tag{f}$$

در رابطه (۴)، μ ضریب لزجت گردابه ای یا مولکولی نامیده می شود که توسط مدل های آشفتگی قابل محاسبه است. در پژوهش حاضر از مدل آشفتگی K - w,SST استفاده شده است که قابلیت خوبی در نقاط نزدیک دیواره با گرادیان بالا و همچنین نقاط دورتر از لایه مرزی را دارد.

۳- تشریح مسئله

هندسه مورد بررسی در این پژوهش ایرفویل NREL-S809 از متداول ترین مقاطع مورداستفاده در پرههای توربینهای بادی است که بهصورت مقطع دوبعدی بررسی شده است. طول وتر ایرفویل برابر ۶۰۰mm در نظر گرفته شده است و دامنه محاسباتی بهصورت یک نیمدایره به قطر ۴۰ برابر وتر

و یک مستطیل به طول ۴۰ برابر وتر بر آن محیط شدهاند. برای دستیابی به هدف پژوهش در راستای به تعویق انداختن جدایش جریان، بر اساس خروجی پژوهشهای پیشین که در فصل دوم بررسی شد، روش افزودن نیمپره را انتخاب می کنیم بنابراین یک حالت دیگر بررسی با افزودن نیمپره با مقطع NREL-S809 و طول وتر برابر ۰/۱ ایرفویل اصلی انتخاب شده است که بهترین محل قرارگیری آن نسبت به ایرفویل اصلی، طبق نتایج پژوهش وانگ و همکاران [۶] مطابق شکل ۲ برابر با مقادیر جدول ۱ انتخاب شده است.

جدول (۱): مشخصات هندسی ایرفویل و بهترین محل قرارگیری نیمپره مطابق پژوهش وانگ و همکاران

C (mm)	C _{slat}	S_L	S _H	Sβ
۶۰۰	۰/۱ C	۰/۰۵ C	۰/۰۹ C	•

در این پژوهش حالت بدون نیم پره را با اصطلاح Case0 و حالت با نیم پره را با اصطلاح Case1 اشاره خواهیم کرد.



شکل (۲): هندسه و شبکه محاسباتی اطراف ایرفویل

۴– شبکهبندی فضای حل

به منظور بررسی دقیق جریان در فضای حل و حفظ اثرات لایه مرزی در اطراف ایرفویل، در هر دو حالت مورد بررسی، از شبکه با سازمان در کل فضا و همچنین شبکه لایه مرزی در مرز ایرفویل و نیم پره با ارتفاع اولین لایه ۰/۰۰۰۰۱ استفاده شده است تا مقادیر Y^+ کمتر از ۱ باشد که برای استفاده از مدل آشفتگی $K - \omega$, SST مناسب باشد. در شکل ۳ شمای کلی از شبکه با سازمان و همچنین شبکه لایه مرزی با سازمان در اطراف ایرفویل نشان داده شده است.



شکل (۳) : شبکه محاسباتی با سازمان برای هر دو حالت case0 و case1

۵- شرایط مرزی

برای حل معادلات جریان که از نوع معادلات دیفرانسیل با مشتقات جزئی هستند، به مقادیر اولیه متغیرهای مجهول و همچنین مقادیر متغیرها در شروع زمان حل نیاز داریم. انواع مختلفی از شرایط مرزی در دینامیک سیالات محاسباتی موجود است. مانند شرط مرزی دیریکلت¹، نیومن⁷، کوشی⁷ و شرایط دیگری که از ترکیب شرایط دیریکلت و نیومن بهدست میآیند. شرایط اولیه با قرار دادن مقادیر شرایط مرزی برای تمام سلولهای محاسباتی بهدست میآید [۲۰]. بنابراین شرایط مرزی باید بهدقت انتخاب و تعیین شوند. برای ورودی جریان شرط ورودی سرعت با رینولدز ⁹ ۱۰ و زاویه حمله متغیر در نظر گرفته شده است. در خروجی جریان نیز شرط فشار خروجی قرار داده شده است. مرز ایرفویل و نیمپره هردو شرط عدم لغزش دارند. ارتفاع اولین لایه سلولها در لایهمرزی برابر ۲۰۰۰۰۱ متر و ضریب رشد لایهها ۱/۱ در نظر گرفته شدهاند.

۶– استقلال از شبکه

برای بررسی استقلال نتایج از تعداد شبکه، مقدار ضریب برا بهعنوان خروجی متغیر با تعداد شبکه انتخاب شده است و مقادیر بهدست آمده برای ضریب برا در زوایای مختلف حمله

¹ Dirichlet

² Neumann

³ Koshi

با تعداد شبکههای متفاوت در عدد رینولدز ^۴۰۶ استخراج و بهصورت نموداری بررسی شده است که نتایج آن در شکل **۴** قابل مشاهده است.



شکل (۴): نمودار استقلال از شبکه در عدد رینولدز ۱۰^۶

مطابق شکل نشان داده شده تعداد شبکه ۷۵۴۲۱ بهعنوان نقطه پایداری نتایج و ادامه حل انتخاب شده است. تعداد شبکه بهدست آمده در این بخش برای حالت 0 case بررسی شده است و افزایش تعداد شبکه با افزایش تعداد تقسیمات سطح ایرفویل در راستای طولی انجام گرفته است. برای حالتهای دیگر در ادامه پژوهش نیز روندی مشابه طی شده است. در جدول ۲ مقادیر پارامترهای سنجش کیفیت شبکه محاسباتی آورده شده است که با توجه به مقادیر میانگین آنها، شبکه از کیفیت خوبی برخوردار است.

جدول (۲): مقادیر پارامترهای سنجش کیفیت شبکه محاسباتی

پارامتر کیفیت شبکه	میانگین	مينيمم	ماكزيمم
Aspect Ratio	8/178	۱/۰۰۱	173/747
Skewness	•/1884	•/•٣٨١	•/77•4
Orthogonal Quality	• /4780	•/7978	١/٠

۷- اعتبار سنجی نتایج

برای اعتبار سنجی نتایج حاصل از تحلیل ایرفویل S809 در Case0، از دو پژوهش تجربی و عددی استفاده شده است. کار تجربی آزمایشهای سامرز و همکاران [۲۱] در دانشگاه

دلف میباشد که ایرفویل 8809 را در اعداد رینولدز و زاویه حملههای متفاوت در تونل باد مورد تست قرار دادند و نتایج خود را در قالب نمودارهای ضرایب آئرودینامیکی و تصاویر گویا از فیزیک جریان اطراف ایرفویل ارائه دادند؛ و پژوهش عددی مربوط به پژوهش وانگ و همکاران [۶] است که ایرفویل 8809 را با طول وتر ۶۰۰ میلیمتر در رینولدز پژوهش عددی وانگ، توسط نرمافزار فلوئنت و به کمک پژوهش عددی وانگ، توسط نرمافزار فلوئنت و به کمک شبکه با سازمان و ایجاد لایه مرزی با ⁺Y کمتر از ۱ با مدل آشفتگی $k - \omega$, SST آنجام شده و با کار تجربی سامرز و همکاران نیز صحتسنجی شده است. شکل **۵** مقایسه مقادیر ضریب برا در پژوهش حاضر را با کار تجربی و عددی



شکل (۵): مقایسه ضریب برا برای ایرفویل S809 با نتایج تجربی و عددی در حالت case0

برای اعتبار سنجی ایرفویل با نیمپره در Case1 نیز از پژوهش عددی وانگ و همکاران [۶] که ایرفویل S809 را با طول وتر ۶۰۰ میلیمتر به همراه نیمپره با طول وتر ۳m در عدد رینولدز ۱۰۰۰۰۰ برای زوایای حمله مختلف بررسی کرده و با انجام شبیهسازیهای متعدد، بهترین حالت قرارگیری نیمپره از لحاظ بیشترین اثر در تأخیر جدایش و افزایش ضریب برا را بهدست آوردهاند. نتایج ضریب برا و پسا به همراه نقطه جدایش جریان از موارد ارائهشده در پژوهش نایج کار عددی وانگ و همکاران در شکل ۶ برای حالت با نیمیره مقایسه شده است.



شکل (۶): مقایسه ضریب برا برای ایرفویل S809 نیم پره دار با نتایج عددی وانگ و همکاران

توزیع فشار و خطوط جریان در اطراف ایرفویل برای حالت case1 و همچنین برای ایرفویل و نیم پره در حالت case1 برای رینولدز ۱۰۰۰۰۰ و زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه مطابق شکل ۷ نشان داده شده است.

Case 0Case 1Image: Case 0Image: Case C

شکل (۷): توزیع فشار و خطوط جریان برای هردو حالت case0 و case1 در رینولدز ۱۰٬۰۰۰ و زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه

-1200.00 -1087.35 -974.69 -862.04 -749.39 -636.73 -524.08 -411.43 -298.78 -186.12 -73.47 39.18 151.84

همان طور که در شکل \mathbf{Y} مشاهده می شود برای حالتی که نیم پره اضافه شده است و مقادیر رینولدز ۱۰۰۰۰۰ و زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه انتخاب شده است، جدایش جریان به تعویق افتاده و طبق محاسبات تنش لایه ای دیواره، به تعویق افتاده و طبق محاسبات تنش لایه ای دیواره، جدایش جریان از ۲/۴۷ – $\mathbf{X/C}$ به مقدار $(97) = \mathbf{X/C}$ با افزودن نیم پره افزایش یافته است. که این دو مقدار با خطای اندک نسبت به کار عددی وانگ و همکاران، بر

صحت نتایج می افزاید. با توجه به توزیع فشار و خطوط جریان فیزیک جریان اینگونه قابل بیان است که قرار دادن نیم پره در مسیر جریان باعث انحراف جریان سرعت بالا به سمت لایه مرزی شده است و با افزایش ممنتوم در لایه مرزی جدایش را به تعویق انداخته است.

۸- بررسی اثر شیار طولی

مطابق پژوهش وانگ و همکاران [۶] که در بخش قبلی نیز صحتسنجی شد، افزودن نیم پره به ایرفویل باعث به تعویق انداختن جدایش از نقطه X/c =٠/۴۷ به X/c =٠/۶۷ شد. در این بخش هدف آن است که با افزودن شیار طولی بتوانیم جدایش را بیشتر به تعویق انداخته و در صورت امکان حذف کنیم تا پارامترهای آئرودینامیکی را بهبود ببخشیم. برای بررسی اثر شیار روی جدایش جریان، از چهار نوع شیار با هندسههای مختلف استفاده شده است که شیار V شکل (N_t)، مستطیلی شکل (R_t)، سینوسی شکل نوع اول) و سینوسی شکل نوع دوم (S_t2) هستند و در $S_t1)$ شکل ۸ نشان داده شدهاند. شیار سینوسی شکل نوع دوم با ۴۵ درجه تقدم فاز نسبت به شیار سینوسی نوع اول شروع شده است و باعث تغییر تقعر نسبت به نوع اول شده است. بر طبق پژوهش خراطی و همکاران [۲۲] روی شیارهای کارشده در لبه فرار ایرفویلها، مقدار دهانه ۵٪ C و عمق C ١٪ بهصورت میانگین مقادیر پیشنهاد داده شده انتخاب شده است و در صورت مشاهده بهبود جدایش، مقادیر دهانه، عمق و محل شیار را در جهت بهبود بیشتر نتایج تغییر خواهيم داد.



شیارهای مطرحشده در قسمت قبل در سه محل مختلف شیارهای مطرحشده در قسمت قبل در سه محل مختلف X/c = .00 و X/c = .00 قرار داده می شوند تا اثر محل قرارگیری شیار نیز روی جدایش جریان مشخص شود. پس از ایجاد هندسه مانند حالات قبل در 0 case و شود. پس از ایجاد هندسه مانند حالات قبل در 0 case و مود. پس از ایجاد هندسه مانند حالات قبل در 9 دو مود. پس از ایجاد هندسه مانند حالات قبل در 9 دو مرزی با Y^+ کمتر از ۱ مطابق شکل **۹** استفاده شده است و مشابه حالت اولیه با افزایش تعداد تقسیمات شبکه در جهت طولی ایرفویل بررسی استقلال از شبکه صورت گرفته است.



افزایش تعداد تقسیمات شبکه در طول شیارها مطابق با روش استقلال از شبکه برای Case 0 انجام گرفته است و نتایج مؤثر از افزودن شیار مستقل از تعداد تقسیمات طولی شده است.

نمودار +Y نیز برای چندین حالت در شکل ۱۰ آورده شده است که با توجه به مقادیر آنها استفاده از مدل آشفتگی $K\omega - SST$



شکل (۱۰): نمودار +Y برای چند حالت مختلف شبیه سازی برای تمامی حالتها، در شرایط پایا و مقدار عدد رینولدز ۱۰۰ تمامی حالتها، در شرایط پایا و مقدار عدد رینولدز جریان تمده است که خطوط جریان برای همه حالتها برای زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه در شکل **۱۱** نشان داده شده است.



شکل (۱۱) : خطوط جریان در اطراف شیارهای مطرحشده در رینولدز ۱۰۰۰۰۰ و زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه

همان طور که از روی شکل خطوط جریان نیز مشخص است، نقطه جدایش برای حالتهای مختلف دچار تغییر شده است و در اکثر مواقع جدایش را به تعویق انداخته است ولی برای اظهارنظر دقیق تر و درک فیزیک جریان لازم است نقطه دقیق جدایش جریان محاسبه شود. برای بهدست آوردن نقطه جدایش، مطابق شکل **۱۲** نمودار تنش دیواره را رسم کرده و نقطهای را که مقدار تنش از مقادیر مثبت به مقدار

صفر رسیده است را بهعنوان نقطه جدایش انتخاب می کنیم که با تصویر خطوط جریان نشان داده شده در شکل ۱۱ نیز تطابق دارد.



شکل (۱۲): نحوه بهدست آوردن نقطه جدایش از روی نمودار تنش دیواره

در استفاده از روش ارائهشده در شکل **۱۲** به این مفهوم پرداخته شده است که در نقطه جدایش با معکوس شدن گرادیان فشار مقدار تنش دیواره ابتدا صفر شده و سپس با عوض شدن جهت گرادیان، مقادیر تنش دیواره اعدادی منفی به خود می گیرند که از روی نمودار نیز قابل تشخیص است. همانند روش شرح دادهشده روی شکل **۱۲**، نقطه است. همانند روش شرح دادهشده روی شکل **۱۲**، نقطه است و ضریب لیفت متناظر آن نیز استخراج شده و به صورت همزمان در شکل **۱۳** به ترتیب صعودی قرار گرفته شده است و با حالت caseo و Case1 مقایسه شده است.



در نمودار نشان دادهشده محور افقی نشان دهنده حالتهای مختلف بررسی شده و محور عمودی سمت چپ مقدار بی بعد شده نقطه جدایش (X/c) را نشان می دهد که متناظر با نمودار میلهای هستند. همچنین محور عمودی سمت راست ضریب لیفت متناظر با این حالتها را نشان می دهد که با نمودار خطی به یکدیگر وصل شدهاند. ترتیب قرارگیری حالتها روی محور افقی بر اساس افزایش نقطه جدایش جریان می باشد. همان طور که از روی نمودار نیز مشخص است، ایجاد شیار طولی در سمت لبه فرار ایرفویل، برای اکثر موارد باعث به تعویق انداختن نقطه جدایش روی بریان شده است (افزایش طول بی بعد نقطه جدایش روی نمودار میله ای) و از بین آنها شیار سینوسی شکل نوع دوم در محل ۸۵/۰۰ x/c نقطه جدایش را تا ۲۹/۰۰ x/c تعویق انداخته است و مقدار ضریب لیفت را تا مقدار ۲/۴۸ افزایش داده است.

۹- بهبود شیار سینوسی انتخاب شده در جهت حذف جدایش

برای شیار سینوسی انتخابشده که جدایش جریان در ۲/۲ = ۲/۹۲ رخ می دهد، چندین حالت مختلف در نظر گرفته شده است تا بتوان جدایش جریان را به کل حذف کرد. بنابراین شیار انتخابشده در بخش قبلی را به موقعیتهای ۲/۹۰ = ۲/۵ و ۲/۹۵ = ۲/۶ جابجا می کنیم و در تلاشی دیگر عرض و عمق شیار را مطابق جدول ۳ تغییر می دهیم و در موقعیت قبلی خود یعنی ۲/۵۵ = ۲/۵ مورد بررسی قرار می دهیم.

ی برای	سينوس	شيار	روى	تغييرات	جزئيات	:(٣)	جدول
--------	-------	------	-----	---------	--------	------	------

بهبود جدايش					
موقعيت	عمق	عرض	حالت		
$X/c=\cdot/9$ ·	۲.۱ C	7.Δ C	S_t3		
x/c=٠/٩۵	۲́.۱ C	7.Δ C	S_t4		
$x/c=\cdot/\lambda\Delta$	∵. ۴ C	۶.۱۰ C	S_t5		
$x/c=\cdot/\lambda\Delta$	′∕.•/∆ C	۲.۳ C	S_t6		

پس از تغییر هندسه و ایجاد شبکه با سازمان برای حالات بیان شده، در شرایط پایا و مقدار عدد رینولدز ^{۱۰۶} اقدام به

حل جریان نموده و خطوط جریان در اطراف هندسههای طراحی شده برای بهبود جدایش جریان در شکل ۱۴ نشان داده شده است.



شکل (۱۴): خطوط جریان اطراف هندسههای بهبودیافته در رینولدز ۱۰۰۰۰۰ و زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه

همانند روش بیانشده در شکل ۱۱ نقطه جدایش جریان برای این حالتها بهدست آمده است که مطابق جدول ۴ برخی تغییرات موجب بهبود و برخی موجب تخریب جدایش شده است. برای حالت S_t6 که دهانه شیار سینوسی نوع شده است. برای حالت ۲۵ که دهانه شیار سینوسی نوع کرفته شده است. و در محل X/c=۰/۸۵ قرار گرفته است، جدایش جریان به کل حذف می شود و به تبع آن ضریب برا تا مقدار ۲/۵۴ افزایش یافته است. مقادیر نقطه جدایش و ضریب برا برای این حالتها در جدول ۴ آورده شده است.

جدول (۴): نقطه جدایش و ضریب برا در هندسههای بهبودیافته در رینولدز ^۲۰۰ و زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه

	S_t3	S_t4	S_t5	S_t6
Separation point (X/C)	•/97	•/٧٣	•/۵۶	١
Lift coefficient	۲/۴۸	۲/۳	۲/۰۷	۲/۵۴

۱۰ – بررسی راندمان آیرودینامیکی

توان تولیدی توربین باد به عملکرد آیرودینامیکی آن وابسته است. در توربینهای محور افقی عامل اصلی ایجاد گشتاور و توان، نیروی لیفت میباشد و از طرفی قسمتهای میانی و

ریشه پرهها در زاویه حملههای بالاتری قرار می گیرند که باعث می شود جدایش بیشتری را نسبت به سایر نواحی تجربه کنند [۲۳]. بنابراین تأخیر جدایش و افزایش نیروی لیفت در توربین بادی محور افقی از اهمیت بالایی برخوردار است. در شکل **۱۵** نقطه جدایش و ضریب لیفت بهعنوان راندمان آیرودینامیکی در نظر گرفته شده برای توربین افقی، در سه حالت مختلف 0 case 1 و 55 در زاویه حملههای مختلف نشان داده شده است.



با توجه به نمودار نشان داده شده، مشاهده می شود که با اضافه کردن نیم پره در case 1 و سپس ترکیب آن با حفره سینوسی در حالت S_t6 جدایش به تأخیر افتاده است و به تبع آن ضریب لیفت افزایش پیدا کرده است که باعث افزایش توان تولیدی توربین می شود. نمودار ضریب درگ نیز برای حالتهای ذکر شده در شکل **۱۶** نشان داده شده است.



سه حالت case0, case1, S_t6 سه حالت

مشاهده می شود که با اضافه کردن نیم پره و نیز ترکیب آن با حفره، ضریب درگ نیز افزایش پیدا کرده است که می تواند در اثر مغشوش شدن بیشتر لایه مرزی و افزایش درگ اصطکاکی باشد. با این حال ذکر این نکته ضروری است که افزایش ضریب درگ در توربینهای محور افقی برخلاف هواپیما که موجب افزایش مصرف سوخت می شود، هزینه کمتری را تحمیل می کند که مربوط به قسمت سازه ای توربین است و عمدتاً در راستای محور چرخش ضریب درگ نسبت به ضریب لیفت و جدایش جریان در توربینهای بادی محور افقی، و همچنین ضرورت به تعویق انداختن جدایش جریان در قسمتهای میانی و ریشه پرهها انداختن جدایش جریان در حالت کلی راندمان آیرودینامیکی توربین افزایش پیدا کرده است.

۱۱- بررسی ضریب فشار

یکی از اعداد بیبعد که به صورت رایج در آیرودینامیک مورد استفاده قرار می گیرد ضریب فشار است. این پارامتر، فشار را در سطح یک جسم آیرودینامیکی بیان می کند و مطابق با رابطه زیر محاسبه می شود.

$$C_P = \frac{P - P_{\infty}}{\frac{1}{2}\rho U^2} \tag{(\Delta)}$$

در این رابطه مخرج کسر یک مقدار ثابت همواحد فشار است و برای بی بعد کردن رابطه استفاده می شود و صورت کسر اختلاف فشار سطح با جریان آزاد را نشان می دهد. نیروی لیفت ایجادشده در اثر عبور جریان از روی ایرفویل، ارتباط مستقیم با توزیع فشار در سطح بالا (سطح مکش) و سطح پایین (سطح فشار) دارد. به طوری که هرچه فشار در سطح مکش کاهش یافته و در سطح فشار افزایش یابد و به عبارتی اختلاف فشار بین سطوح بالا و پایین افزایش یابد، نیروی لیفت نیز متناسب با آن افزایش می یابد. با رخ دادن جدایش در سطح بالای ایرفویل، گرادیان فشار معکوس شده و در ناحیه جدایش گردابه هایی تشکیل می شود که موجب به هم خوردن عملکرد شکل آیرودینامیکی ایرفویل می شود. بنابراین اختلاف فشار مورد انتظار در سطوح ایرفویل شکل

بخش زیادی از نیروی لیف ایجادشده در قسمت جلویی ایرفویل ایجاد میشود که میدان سرعت در اثر نیرویهای لزج هنوز ضعیف نشده است و به عبارتی قابلیت بالایی در ایجاد اختلاف فشار با سطح مقابل را دارد و به همین علت قسمتهای ابتدایی نمودارهای ضریب فشار معمولاً ضخیم تر هستند و اختلاف فشار زیادی را نشان میدهند.

نمودار ضریب فشار برای حالتهای مختلف حفرههای طراحیشده در مقایسه با ضریب فشار case0 و case1 در شکل ۱۷، شکل ۱۸ و شکل ۱۹ نشان داده شده است.



شکل (۱۷): مقایسه ضریب فشار حالت 0 case و case 1 با حالتهای مختلف (الف)

همان طور که از روی شکل نیز مشخص است، با اضافه شدن نیم پره (Case 1)، در اثر به تعویق افتادن جدایش، ضریب فشار در سطح بالای ایرفویل افزایش یافته است (خطچین قرمز رنگ بالاتر از خط مشکی) و درنتیجه اختلاف فشار بین سطوح نیز زیاد شده است که در شکل **۲۳** نیز، افزایش ضریب لیفت متناسب با این تغییر قابل مشاهده است. برای حالتهای دیگر که حفره نیز با نیم پره ترکیب شده است، مشاهده می شود که نسبت به حالت بدون حفره (Case 1) و حالت اولیه (Case 0) نمودار ضریب فشار از نقاط بالاتری در اکثر نواحی سطح مکش عبور کرده است و میزان این افزایش وابسته به مقدار تعویق جدایش رفتارهای متفاوتی از خود نشان می دهد. ادامه مقایسه ضریب فشار در نمودار شکل **۸۱** آمده است.



case 1 و case 1

با توضیحاتی که روی شکل قبلی ارائه شد، در این شکل نیز تغییرات ضریب فشار در اثر به تعویق افتادن جریان مشهود است و این تأثیر مخصوصاً برای حالت (85 S_{-t2}) بهخوبی قابل مشاهده است که ضریب فشار سطح مکش آن در اثر به تعویق افتادن جریان از نقاط بسیار بالاتری عبور کرده است و اختلاف زیاد بین خطوط بالا و پایین ضریب فشار، نشاندهنده افزایش ضریب لیفت در این حالت است. در ادامه آخرین نمودار از نمودارهای مقایسه ضریب فشار در شکل **۱۹** آمده است.



شکل (۱۹): مقایسه ضریب فشار حالت case 0 و case 1 با حالتهای مختلف (ج)

در آخرین نمودار مقایسهای که حفرههای اصلاحشده با حالتهای اولیه مقایسه شدهاند، افزایش ضریب فشار در سطح بالایی ایرفویل بهخوبی قابل مشاهده است و نمودار

حالت (₅₋₆) که در آن جدایش بیشترین مقدار تعویق را داشته است، اختلاف بیشتری با ضریب فشار سطح زیرین ایرفویل دارد. با دقت در نمودارهای ضریب فشار مشاهده میشود در مواردی که نیمپره اضافه شده است، برآمدگیهایی در فاصله ۲/۰ تا ۲/۶ طول بیبعد بر روی نمودار ضریب فشار شکل گرفته است که با توجه به توزیع سرعت و مطابق توضیحات ارائهشده در پژوهش وانگ و ممکاران، به علت انحراف جریان ممنتوم بالا به سمت لایه مرزی و افزایش نوسانات سرعت در آن ناحیه میباشد [۶]. به سمت سطح مکش ایرفویل هدایت میشود و نوسانات به سمت را در آن نواحی ایجاد میکند که تأثیرات آن فشار و سرعت را در آن نواحی ایجاد میکند که تأثیرات آن بهترین شیار انتخابشده در زاویه حملههای مختلف، در شکل ۲۰ مشاهده میشود.



شکل (۲۰): توزیع سرعت اطراف ایرفویل با بهترین شیار انتخابشده در 6 + 1e = Re و زوایای حمله مختلف

۱۰- نتیجهگیری

در این تحقیق به بررسی اثر ترکیب همزمان نیم پره و شیارهای طولی در تعویق جدایش جریان پرداخته شد و چهار نوع شیار مختلف مورد بررسی قرار گرفت. شبیه سازی آئرودینامیکی انجامشده بر اساس جریان پایای عبوری از روی ایرفویل NREL S809 و روش حل به صورت عددی و

- Feng, J., Lin, Y., Zhu, G. and Luo, X. "Effect of Synthetic Jet Parameters on Flow Control of an Airfoil at High Reynolds Number", Sadhana -Acad. Proc. Eng. Sci., Vol. 44, no. 8, pp. 9-12, 2019.
- Wang, H., Jiang, X., Chao, Y., Li, Q., Li, M., Zheng, W. and Chen, T. "Effects of Leading-Edge Slat on Flow Separation and Aerodynamic Performance of Wind Turbine", Energy, Vol. 182, pp. 988–998, 2019, doi: 10.1016/j.energy.2019.06.096.
- Chen, T., Jiang, X., Wang, H., Li, Q., Li, M. and Wu, Z. "Investigation of Leading-Edge Slat on Aerodynamic Performance of Wind Turbine Blade", Proc. Inst. Mech. Eng. Part C., J. Mech. Eng. Sci., Vol. 0, no. 0, pp. 1–15, 2020.
- James, S., Suryan, A., Sebastian, J., and Mohan, A. H. K.-C. "Comparative Study of Boundary Layer Control Around an Ordinary Airfoil and a High Lift Airfoil with Secondary Blowing", Computers & Fluids, Vol. 164, No. 0045-7930, pp. 50-63, 2018.
- Wang, H., Zhang, B., Qiu, Q. and Xu, X. "Flow Control on the NREL S809 Wind Turbine Airfoil Using Vortex Generators", Energy, Vol. 118, no. 0360-5442, pp. 1210–1221, 2017.
- Zhong, J., Li, J., Guo, P. and Wang, Y. "Dynamic Stall Control on a Vertical Axis Wind Turbine Airfoil Using Leading-Edge Rod", Energy, Vol. 174, no. 0360-5442, pp. 246–260, 2019.
- Hao, L. S. and Gao, Y. W. "Effect of Gurney Flap Geometry on a S809 Airfoil", Int. J. Aerosp. Eng., Vol. 2019, pp. 1687-5966, DOI:10.1155/2019/9875968
- Belamadi, R., Djemili, A., Ilinca, A. and Mdouki, R. "Aerodynamic performance analysis of slotted airfoils for application to wind turbine blades", J. Wind Eng. Ind. Aerodyn., Vol. 2019, no. 2019, pp. 1687-5966,
- Moshfeghi, M., Shams, Sh., Ramezani M. and Hur, N.K. "Effect of Split on Flow Separation Reduction of Wind Turbine Airfoil Using DES Turbulence Model", Modares Mechanical Engineering, Vol. 20, no. 2, pp. 381–390, 2020, (In Persian).
- Xie, Y., Chen, J., Qu, H., Xie, G., Zhang, D. and Moshfeghi, M. "Numerical and Experimental Investigation on the Flow Separation Control of S809 Airfoil with Slot", Math. Probl. Eng., Vol. 2013, No. 301748, 2013..
- Beyhaghi, S. and Amano, R. S. "Improvement of Aerodynamic Performance of Cambered Airfoils Using Leading-Edge Slots", J. Energy Resour. Technol., Vol. 139, no. 5, pp. 12-16, 2017.

با استفاده از شبکه با سازمان توسط نرمافزار انسیس فلوئنت انجام شد. در تمامی حالتهای مورد بررسی از شبکه محاسباتی با سازمان در کل فضا و لایهمرزی روی سطوح ایرفویل استفاده شد. با هدف قرار دادن تعویق و یا حذف جدایش جریان بهمنظور بهبود ضرایب آئرودینامیکی، مشاهده گردید که:

- در عدد رینولدز ^۶ ۱۰ با افزودن نیم پره، در زاویه حمله ۱۶/۲۲ درجه، جدایش از ۲۹/۲۰ = ۲/۶ تا x/c = -1/۶۷ به تعویق می افتد و ضریب برا از x/c = 1/۶۷ تا مقدار ۱/۹۲ و به میزان ۶۴٪ افزایش می یابد.
- با بررسی چندین نوع شیار طولی در لبه فرار ایرفویل مشاهده گردید که نوعی شیار سینوسی شکل با ۴۵ درجه تقدم فاز بهترین کارایی را دارد و با انجام بررسیهای مختلف روی مقادیر دهانه، عمق و محل شیار سینوسی، مناسب ترین مقادیر پارامترهای متغیر با مقدار دهانه ۳٪ وتر، عمق پارامترهای متغیر با مقدار دهانه ۳٪ وتر، عمق حذف کامل جدایش جریان ضریب برا تا مقدار ۲/۵۴ و به میزان ۱۱۷٪ افزایش مییابد.

11- مراجع

- Willert, C.E., Cuvier, C., Foucaut, J.M., Klinner, J., Stanislas, M., Laval, J.P., Srinath, S., Soria, J., Amili, O., Atkinson, C. and Kähler, C.J. "Experimental Evidence of Near-wall Reverse Flow Events in a Zero Pressure Gradient Turbulent Boundary Layer", Exp. Therm. Fluid Sci., Vol. 91, pp. 320–328, 2018.
- Berg, Dale E. and Johnson, Scott J. (University of California, Davis, CA) "Active Load Control Techniques for Wind Turbines", Report, July 1, 2008; United States. (https://digital.library.unt.edu/ark:/67531/metadc 895537/: accessed August 25, 2021), University of North Texas Libraries,
- Martinstetter, M. and Niehuis "Passive Boundary Layer Control on a Highly Loaded Low Pressure Turbine Cascade", Turbo Expo: Power for Land, Sea, and Air,Vol. 44021, No. GT2010-22739, pp. 1315-1326, 2010.
- Yen, J. and Ahmed, N. A. "Enhancing Vertical Axis Wind Turbine By Dynamic Stall Control Using Synthetic Jets", J. Wind Eng. Ind. Aerodyn., Vol. 114, no. 0167-6105, pp. 12–17, 2013.

- 20. Gladwell, I. "Boundary Value Problem", Scholarpedia, Vol. 3, no. 1, pp. 2853, 2008.
- Somers, D. M. "Design and Experimental Results for the S809 Airfoil", National Renewable Energy Lab., Golden, CO (United States), p. 104, 1997.
- fallahzadeh, M. "Numerical Study of Camber Effect on the Aerodynamic Performance of Corrugated Airfoils", M.Sc. Thesis, Shiraz University of Technology Department of Mechanical and Aerospace Engineering, 2014.
- Moshfeghi, M., Shams, S., Ramezani, M. and Hur, N. "Effect of Split on Flow Separation Reduction of Wind Turbine Airfoil Using DES Turbulence Model", Modares Mech. Eng., Vol. 20, no. 2, pp. 381-390, 2020.

- Beyhaghi, S. and Amano, R. S. "A Parametric Study on Leading-Edge Slots Used on Wind Turbine Airfoils at Various Angles of Attack", J. Wind Eng. Ind. Aerodyn., Vol. 175, no. 0167-6105, pp. 43–52, 2018.
- 17. Akbarzadeh, M. and Birouk, M. "Near-Field Characteristics of a Rectangular Jet and Its Effect on the Liftoff of Turbulent Methane Flame", J. Eng. Gas Turbines Power, Vol. 137, no. 8, pp. 1-8, 2015.
- Sanieinejad, M. "Fundamentals of Turbulent Flows and Their Modeling", Publisher: Danesh Negar, Isbn. 978-964-2927-35-7 pp. 728-740, Iran, 2017.
- 19. Heidarinejad, Gh. "An Introduction to Turbulence", Publisher: Tarbiat Modares University, Isbn. 60075897062010, pp. 145-196, Iran, 2018.