

دوفصلنامه مکانیک سیالات و آبرودینامیک

جلد ١٣، شماره ٢، ياييز و زمستان ١٤٠٣، صفحه ٤٣ الي ٥٤ شاپا الکترونیکی: ۸۱۱۱-۲۹۸۰ شاپا چاپی: ۳۲۷۸-۲۳۲۲



علمی – پژوهشی

Investigating the Effect of Holed Vibrating Disc Diameter in Creating Strong Mixing with Low Energy Dissipation Rate in a Novel Stirred Reactor S. Govara²

S. M. Hoseinalipour*¹

M. Soleimani ³

Iran University of Science and Technology Tarbiat Modares University (Received:2024/05/16, Revised: 2024/09/14, Accepted: 2024/11/12, Published: 2024/12/01) DOR: https://dor.isc.ac/dor/20.1001.1.23223278.1403.13.2.4.2

ABSTRACT

The use of stirred tanks is very common in various industries due to their efficiency, proper mixing, and low cost. Usually, the stirrers used in these devices are impeller-type, which perform the mixing with a rotary movement. One of the most important problems of the impeller stirrers is the application of high shear stress, which is destructive in biological and sensitive applications. In this research, a novel laboratory-scale stirred reactor has been introduced, which provides mixing at low shear stress levels by using a perforated vibrating disc. Experimental investigation and numerical simulation of the stirred reactor have been done focusing on the effect of disc diameter. In the experimental section, Raji cell, as one of the most sensitive living particles, has been cultured in this stirred reactor using discs with a diameter of 25 and 65 (mm). Experimental results show the decreasing effect of disc diameter on cell growth indices, including the natural logarithm of maximum cell concentration and productivity. These indicators when using a 25 (mm) disc are high and about 13.2 and 4685 (cells/hmL), respectively, which indicates the proper performance of this stirred reactor in cell culture. The results of the numerical simulation show a tenfold increase in the energy dissipation rate factor with an increase in the disc diameter from 25 to 65 (mm), which indicates the logical agreement of the numerical simulation results with the experimental data.

Keywords: Vibrating disc, Shear stress, Reactor, Numerical simulation, Cell culture

بررسی اثر قطر دیسک ارتعاشی حفرهدار در ایجاد اختلاط قوی با نرخ اضمحلال انرژی پایین در یک رآکتور همزن جدید مسعود سليماني 🔊 💿 سيد مصطفى حسينعلى پور 💿 سپهر گوارا * 💿 دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران. دانشگاه تربیتمدرس، تهران، ایران. (دریافت: ۱۴۰۳/۰۲/۲۷، بازنگری: ۱۴۰۳/۰۶/۲۴، پذیرش: ۱۴۰۳/۰۸/۲۲، انتشار: ۱۴۰۳/۰۹/۱۱)

حكىدە

کاربرد مخزنهای همزن در صنایع مختلف به دلیل کارایی، اختلاط مناسب و هزینه کم بسیار گسترده است. به طور معمول همزنهای استفاده شده در این دستگاهها از نوع پروانهای است که با حرکت چرخشی عمل اختلاط را انجام میدهند. یکی از مهمترین مشکلات این نوع همزنها اعمال تنش برشی بالا است که در کاربردهای زیستفناوری و حساس، مخرب است. در این پژوهش رآکتور همزن جدیدی در مقیاس آزمایشگاهی معرفی شده است که با استفاده از دیسک ارتعاشی حفرهدار اختلاط را در سطوح تنش برشی پایین فراهم میآورد. بررسی آزمایشگاهی و شبیهسازی عددی این رآکتور همزن با محوریت بررسی اثر قطر دیسک انجام شده است. در بخش آزمایشگاهی، سلول راجی بهعنوان یکی از حساسترین ذرات زنده در این رآکتور همزن و با دیسکهای به قطر (mm) ۲۵ و ۶۵ کشت داده شده است. نتایج آزمایشگاهی نشاندهنده اثر کاهشی قطر دیسک بر شاخصهای رشد سلول شامل لگاریتم طبیعی بیشینه غلظت سلول و بهرهوری است. این شاخصها، هنگام استفاده از دیسک (mm) ۲۵ بالا و به ترتیب ۱۳/۲ و (cells/hmL) ۴۶۸۵ (mu که عملکرد مناسب این رآکتور همزن را در کشت سلول نشان میدهد. نتایج حاصل از شبیهسازی عددی نشاندهنده افزایش ده برابری فاکتور نرخ اضمحلال انرژی با افزایش قطر دیسک از (mm) ۲۵ به ۶۵ است که تطابق منطقی نتایج حاصل از شبیهسازی عددی با نتایج آزمایشگاهی را نشان میدهد.

واژههای کلیدی: دیسک ارتعاشی، تنش برشی، رآکتور، شبیهسازی عددی، کشت سلول

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.



۱ - استاد (نویسنده یاسخگو): Alipour@iust.ac.ir

S govara@mecheng.iust.ac.ir : دانشجوی دکتری-۲-

۳- استاد: Soleim m@modares.ac.ir

فهرست علائم و اختصارات

- f فركانس ارتعاش، Hz K انرژی جنبشی، J cells/hmL بهرموری در سیستم بسته، r_b زمان، s t سرعت سیال، m/s Uv سرعت دیسک ارتعاشی، m/s غلظت سلول، cells/mL [X] х جابەجايى، m
 - m دامنه قله به قله، *y*

علائم يونانى

- ${
 m m}^2/{
 m s}^3$ نرخ اضمحلال انرژی آشفتگی، ${
 m }^{{\cal E}}$
 - Pa.s گرانروی، μ
 - τ تنش برشی، Pa

۱– مقدمه

امروزه مخزنهای همزن در صنایع شیمیایی، رنگ، غذا، داروسازی و زیستفناوری کاربرد گستردهای دارند. این رآکتورها در حجمهای مختلف و در مقیاس آزمایشگاهی و صنعتی به دلیل سهولت استفاده، هزینه کم و اختلاط مناسب جایگاه ویژهای دارند[۱-۴]. یکی از حوزههای مهم و حیاتی زیستفناوری، کشت سلول پستانداران است که حساسیت برشی بالا تخریب و یا از بین می روند. مخزنهای همزن مورد استفاده در این حوزه باید علاوه بر ایجاد اختلاط قوی، تنش برشی را در سطوح پایین نگه دارند[۵-۱۲].

پروانه های مورد استفاده در رآ کتورهای همزن با توجه به کاربرد، اشکال متفاوتی دارند؛ اما حرکت آن ها چرخشی است. یکی از معایب پروانه های چرخشی در رآ کتور حاوی محیط کشت سلول، ایجاد اختلاط مناسب در دور بالای پروانه است که افزایش دور پروانه منجر به اعمال تنش برشی بالا و ضربهزدن به سلول خواهد شد [۱۳–۱۴]. یکی از محرکهای مکانیکی با قابلیت اختلاط قوی در سطوح تنشی کم، دیسکهای ارتعاشی است. این دیسکها حرکتی نوسانی و عمودی دارند که در دامنههای ارتعاشی میلیمتری، اختلاط مناسبی را ایجاد میکند. الگوی جریان ایجاد شده با استفاده از این محرک کاملا متفاوت از الگوی

ایجاد شده با پروانههای چرخشی است و از ایجـاد گردابـه مرکزی درون رآکتور جلوگیری میکند[۱۵–۱۸].

تحقيقات ارزشمندى عملكرد اين نوع همزن را بصورت عددی و آزمایشگاهی و از جهات مختلف بررسی کردهاند. در سال ۲۰۰۰ عملکرد اختلاطی یک دیسک رفتوبر گشتی در مخزن استوانهای بررسی شده و حداکثر نیروی بیبعد وارد بر دیسک در سه جریان خزشی، آرام و آشفته بصورت تجربی اندازه گیری شده است. مطابق این پژوهش در رژیم خزشی اختلاط کم است و با افزایش تولید گردابه، عملکرد اختلاطی افزایش می یابد. همچنین زمان اختلاط هنگام استفاده از این محرک در جریان آشفته به طور قابل ملاحظهای کوچکتر از پروانه های چرخشی است[۱۹]. در سال ۲۰۰۳، بصورت تجربی پراکندگی دو مایع غیر قابل اختلاط در یک مخزن با تحریک یک دیسک ارتعاشی بدون حفره بررسی شده است. مطابق این پژوهش قطر دیسک و فاصله بین دیسک و دیوارههای مخزن بیشترین تاثیر را بر اختلاط مناسب و پخش کامل دو مایع دارند. همچنین سه فاکتور دامنه، فرکانس و قطر دیسک بیشترین اثر گذاری را بر انرژی مصرفی دارند و اثر فاصله دیسک از کف مخزن قابل چشمپوشی است[۲۰]. در سال ۲۰۰۷ توان مصرفی، زمان اختلاط، انتقال حرارت و جرم برای محرک رفت-وبرگشتی با فرکانس پایین و دامنه ارتعاشی بالا و شامل یک تا پنج دیسک حفرہدار مورد بررسی قرار گرفته است. معادلات بیبعد حاصل، پارامترهای فوق را در تمام رژیمهای جریان به آسانی پیشبینی میکند[۲۱]. در سال ۲۰۱۴، عملکرد دیسک ارتعاشی از نظر مصرف انرژی با سایر پروانههای رایج در مخزنهای حاوی ذرات جامد، بررسی شده است. مطابق این پژوهش با انتخاب مناسب اندازه و محل قرار گیری دیسک مرتعش، مقدار انرژی تا حدود دو برابر نسبت به سایر پروانهها کم می شود. همچنین مکانیزم پخش ذرات جامد در همزن ارتعاشی موثرترین روش در ایجاد تعلیق ذرات جامد روشن است[۲۲]. در سال ۲۰۱۷، هیدرودینامیک جریان و مصرف انرژی یک همزن ارتعاشی با دیسکهای ساده و حفرهدار با قطرهای مختلف مورد بررسی قرار گرفته است. در این مطالعه نشان داده شده است که جریان سیال در یک مخزن با دیسک ارتعاشی کاملا متفاوت از پروانههای چرخشی است. حرکت ارتعاشی دیسک منجر به ایجاد حرکت متقارن محوری و آشفتگی در کل مناطق

جریان می شود و تنها منحصر به محدوده محرک نیست[۲۳]. در سال ۲۰۱۸، با استفاده از واکنشهای شیمیایی موازی اثر همزمان هندسه پروانه شامل قطر دیسک و تعداد حفرهها و همچنین دامنه ارتعاشی به عنوان مشخصه عملیاتی همزن ارتعاشی بر شدت اختلاط بصورت تجربی بررسی شده است. همچنین در این پژوهش با استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی، در شدت اختلاطی یکسان تنشهای برشی ایجاد شده در همزن ارتعاشی و همزنهای پروانهای محاسبه و مقایسه شده است که نشان-دهنده برتری همزنهای ارتعاشی^۲ در تولید اختلاط مناسب با تنش برشی کمتر است[۲۴].

امروزه از محرک ارتعاشی باتوجهبه ویژگیهای برجسته آن شامل اختلاط قوی در سطوح پایین تنش برشی، مصرف انرژی کم، سهولت استفاده و تعمیر و نگهداری آسان، در کشت سلول در ابعاد بزرگ و صنعتی استفاده میشود. اما تاکنون بیورآکتوری بهمنظور استفاده از ویژگیهای برتر این محرک در کشت سلول در مقیاس آزمایشگاهی و زیر یک لیتر معرفی نشده است[۲۵–۲۹].

در این پژوهش با اصلاحات هندسی رآکتور ۲ و همچنین استفاده از محرک ارتعاشی، بیورآکتور جدیدی در مقیاس آزمایشگاهی تولید شده است که عملکرد مطلوبی در کاربردهای زیستفناورانه و با حساسیت بالا دارد. ابتدا به-منظور کاهش تنش برشی در دیوارههای رآکتور و اختلاط همگن تر، هندسه رآکتور از استوانهای تغییر داده شده است، سپس بهمنظور حفظ اختلاط کافی در سطح تنش پایین، یک دیسک ارتعاشی حفرہدار با حرکت عمودی نوسانی جایگزین پروانه با حرکت چرخشی شده است. پس از طراحی رآکتور با الزامات موجود در زمینه بیورآکتورها، سلول انسانی بهعنوان یکی از حساس ترین ذرات زنده در این بیورآکتور جدید کشت داده شده است. آزمایشهای کشت سلولی بهمنظور بررسی اثر قطر دیسک ارتعاشی بر شاخصهای رشد انجام شده است. علاوه بر این، بهمنظور کمی سازی شاخصهای مکانیکی و تعیین نحوه اثر گذاری قطر دیسک، شبیهسازی عددی انجام شده است. علاوه بر اینکه نتایج حاصل از مطالعه عـددی بـا نتـایج آزمایشـگاهی تطابق منطقى دارد، عملكرد مطلوب اين رآكتور همزن

جدید مقیاس آزمایشگاهی در کاربردهـای زیسـتفناورانـه و حساس به تنش برشی نشاندادهشده است.

- ۲- روش تحقيق
- ۲-۱- بخش آزمایشگاهی
- ۱–۱–۲– دستگاه آزمایش

باتوجهبه برتری دیسکهای ارتعاشی در تولید اختلاط مناسب در سطح تنش پایین، محرک مورداستفاده در این پژوهش، دیسک ارتعاشی حفرهدار با فرکانس ثابت است. شیوه حرکتی این محرک، حرکت ارتعاشی با دامنه بسیار کم میلیمتری و بهصورت بالا و پایین است. این حرکت نوسانی در راستای عمودی است و دیسک در راستاهای اققی حرکتی ندارد؛ بنابراین کلیه اختلاط محیط کشت در آزمایشهای تجربی ناشی از این حرکت ارتعاشی عمودی است.

علاوه بر هندسه پروانه و نرخ تحریک در بیورآکتورهای همزن، هندسه رآکتور کشت و پرههای دیـواره کبر کیفیـت كشت تأثير بالايي دارد[٣٠-٣١]. رآكتور مناسب بـ منظور اختلاط بهتر باید کف کروی و غیر تخت داشته باشد که اختلاط همگن تری را ایجاد کند. کف گرد رآکتور منجر به از بینبردن جزیرههای ایجاد شده در حین اختلاط در رآکتور کفتخت می شود. این مناطق با نرخ اختلاط پایین در گوشههای پایین کف تخت ایجاد می شود [۷،۱۴]. همچنین پرههای دیواره بهمنظور ایجاد اختلاط قویتر در دیواره رآکتورها قرار داده می شوند در حالیکه علی رغم کمک به اختلاط بیشتر، منجر به ایجاد نواحی با تنش برشی بالا می-شوند. بنابراین در این پژوهش، راکتوری کاملا کروی و بدون یره در دیواره، با حجم یک لیتر ساخته شده است. با تغییر هندسه رآکتور از استوانهای به کروی و حذف پرهها، کاهش تنش برشی در رآکتور ضمن عدم کاهش اختلاط ایجاد شده است.

بهمنظ ور جلوگیری از ورود آلودگی به محیط درون رآکتور، درپوشی کاملاً آبند از جنس پلیاورتان با در نظرگیری سه دریچه بهمنظور ایجاد فضای مناسب برای نمونهبرداری در نظر گرفته شده است. درپوش این دریچهها از جنس تفلون است. نمایی از این بیورآکتور جدید در شکل (۱) نشاندادهشده است.

¹ Vibrating mixer

² Reactor

باتوجهبه اینکه هدف از انجام این آزمایشها، بررسی تأثیر قطر دیسک ارتعاشی بر شاخصهای کشت سلول است، سایر فاکتورهای هندسی و مکانیکی مانند فرکانس، دامنه ارتعاش و ارتفاع قرارگیری دیسک از کف فلاسک ثابت و به ترتیب (Hz) ۱۰۰ (mm) ۲/۵ و (mm) ۶۰ در نظر گرفته شده است.



شکل(۱): شماتیکی از بیورآکتور و اجزای آن همچنین خروج از مرکز محور سفر و دیسک در مرکز رآکتور قرار داده شده است. مشخصات دو دیسک ارتعاشی مورد بررسی در جدول (۱) ارائه شده است. دیسکها دارای حفرههای مخروطی ناقص است که مطابق شکل (۲) به دو صورت قابل اتصال به محور همزن است. اگر سطح مقطع بزرگتر حفره در سطح بالا قرار بگیرد، چرخش سیال درون رآکتور از بالابهپایین است. در این صورت از تهنشینی ذرات در کف رآکتور جلوگیری می شود؛ بنابراین به منظور جلوگیری از تهنشینی سلول ها، در آزمایش نحوه نصب دیسک به محور به صورتی است که سطح مقطع بزرگتر حفرهها در سطح بالا باشد.



شکل (۲): نحوه حرکت سیال در حالتهای مختلف نصب دیسک

جدول (۱): مشخصات هندسی دیسکهای ارتعاشی

شماره آزمایش	قطر دیسک ارتعاشی (mm)	تعداد حفرەھای مخروطی	قطر کوچک حفرہ (mm)	قطر بزرگ حفره (mm)
١	۲۵	۵	۰/٨١	٣/٢
٢	۶۵	71	٠/٩	۴/۶

به منظور کشت سلول، علاوه بر رآکتور و همزن مناسب برای کشت، ایجاد دمای یکنواخت و ثابت در ۳۷ درجه سانتی گراد با تلرانس ۵/۰ درجه برای محیط کشت و حفظ اسیدیته آن در محدوده ۷ ضروری است. مطابق شکل (۳)، یکنواختسازی دما در کل محیط کشت با استفاده از حمام آب گرم آزمایشگاهی بادقت ۱/۱ درجه در دمای ۳۷ درجه سلسیوس انجام شده است. همچنین تنظیم اسیدیته با استفاده از بافر هپس ۲ با غلظت ۱۲/۵ مینی مولار در محیط کشت انجام شده است. به منظور کنترل دما و اسیدیته، کشت سلول به طور معمول در انکوباتور انجام میشود. اما به دلیل حجم تکیه گاه همزن و محدودیت های دستگاه آزمایش، کشت در خارج از انکوباتور و با استفاده از این بافر انجام شده است.

۲-۱-۲-آزمایشات کشت سلول و شاخصهای رشد

سلول کشت شدہ در آزمایش های، سلول راجی از سلولهای سرطان خون با غلظت اولیه (cells/mL) ۴۰۰۰۰ است. محیط کشت این سلول شامل ترکیبی از محلول آر. پی. ام. آی ۱۶۴۰ به میزان (۷۰۸(mL، سرم جنین گاوی به میزان (mL) ۹۸ و جنتامایسین ^۲ به میزان (۱(mL) است. یس از کشت سلول در بیورآکتور، هـ ۲۴ ساعت، نمونهای یک میلی لیتری برداشت شده و با استفاده از لام هموسيتومتر و ميكروسكوپ شمارش سلولي انجام شده است. نحوه شمارش سلولی به این صورت است که ابت. نمونه (mL) ۱ درون یک ویال ریخته می شود. سپس به اندازه ۱۰ لاندا از ویال برداشت و زیر لام تزریق می شود. این لام دارای ۴ مربع بزرگ یکسان است که هـ کـدام از ایـن مربعات شامل ۱۶ مربع کوچکتر با ارتفاع یکسان است. در زیر میکروسکوپ تعداد سلول های چهار مربع به ترتیب شمرده شده و سپس از مجموع این اعداد، میانگین گرفته می شود. با ضرب این میانگین در عدد ۱۰۰۰۰، تعداد سلول در یک میلیلیتر نمونه حاصل میشود.

¹ HEPES buffer

² Raji



شکل (۳): نمایی از دستگاه کشت سلول بهمنظور کاهش خطای شمارش در هر نوبت، چهار بار شمارش مطابق روش گفته شده، انجام شده است و میانگین چهار داده بهعنوان تعداد سلول در میلی لیتر در نظر گرفته شده است. همچنین قبل از هر بار برداشت، بهمنظور همگنسازی سلولها در ویال ابتدا ۱۵ دفعه ویال بهصورت افقی همگن و سپس نمونه برداشت و شمارش شده است. با انجام این دو عمل، خطای شمارش بسیار ناچیز و قابل مرفنظر است و نتایج شمارش سلولی تکرارپذیر شده است. بهطورکلی کشت سلول در حالت بسته ^۲ دارای منحنی رشدی مطابق شکل (۴) است که با لگاریتم گرفتن از تغییر غلظت سلولی، فازهای مجزا از نمودار رشد حاصل می شود.



فاز تاخیر که بلافاصله پس از تلقیح سلول های اولیه (X]₀) رخ می دهد و تا زمانی که سلول ها با محیط جدید خود سازگار شوند ادامه می یابد. در فاز رشد نمایی، رشد سلول بصورت نمایی پیش میرود و بصورت یک خط مستقیم در نمودار لگاریتمی نشان داده می شود. در فاز کاهش، محیط کشت از مواد مغذی ضروری خالی می شود یا محصولات سمی شروع به تجمع میکنند. سـپس در فاز ثابت، رشد خالص سلولها تقریبا صفر می شود. در فاز ثابت افزایش سلولی مشاهده نمی شود و میزان تقسیم شدن و مرگ سلولها تقریباً برابر است. پس از فاز ثابت سلولها وارد فاز مرگ میشوند که در آن برخی از سلول ها قابلیت حیات خود را از دست میدهند و ازبینمیروند[۳۲]. یکی از مهمترین شاخصهای کشت در بیوراکتورهای کشت سلول، لگاریتم طبیعی بیشینه غلظت سلول است. این شاخص از شمارش سلولی در انتهای فاز رشد و قبل از شروع فاز مرگ بدست میآید. این شاخص، بیانگر بیشینه غلظت سلول(X]_{max}) قابل حصول از کشت در شرایط مکانیکی و هندسی بیورآکتور است. با در نظرگیری زمان حصول بیشینه غلظت سلول در این منحنی، شاخص بهر موری حاصل می شود که مطابق معادله (۱) محاسبه می شود. باتوجه به درنظر گیری زمان، این شاخص به عنوان فاکتوری مهم در صنعت در نظر گرفته می شود.

$$r_b = \frac{[X]_{max} - [X]_o}{t} \tag{1}$$

بهمنظور اطمینان از تکرار پذیری نتایج، یک آزمایش مجزا با شرایط و تنظیمات کاملاً یکسان سه بار تکرار شده است. میزان انحراف معیار لگاریتم طبیعی غلظت سلول در نمونه گیری های ۲۴ ساعته از لگاریتم طبیعی غلظت میانگین به صورت جدول (۲) است. علاوه بر این، میزان انحراف معیار شاخص لگاریتم طبیعی بیشینه غلظت سلول و بهرهوری در این آزمایش به ترتیب ۲۹/۰۱۰ و (cells/hmL) ۲۷/۵۰۴۹ است که نسبت به محدوده این شاخص ها در بخش نتایج، بسیار ناچیز است؛ بنابراین اطمینان از دقت بسیار خوب شمارش سلولی و تکرارپذیری نتایج حاصل شده است.

جلول (۱): دقت الدارة كيري علطت سلولي					
زمان (h)	انحراف معيار لگاريتم طبيعي غلظت سلول				
74	۰/۱۱۳۳				
۴۸	۰/۱۳۱۴				
۷۲	۰/۱۳۵۵				
٩۶	•/•۶۵۴				
17.	•/• ٧٣۶				

جدول (۲): دقت اندازه *گ*یری غلظت سلول

۲-۲- شبیهسازی عددی

شبیه سازی عددی جریان سیال در این بیور آکتور به منظور تعیین شاخصهای مکانیکی جریان با استفاده از نرمافزار تجاری فلوئنت انجام شده است. ابتدا هندسه دیسک، قسمتی از محور و رآکتور که درون دامنه حل قرار گرفته است، در این نرمافزار مدل شده است و سپس شبکهبندی دامنه حل مطابق شکل (۵) انجام شده است. (۳)، در چهار مرحله شبکه متراکم تر شده است. سپس با عدم تغییر نتایج سرعت در نقطهای تصادفی در حوالی دیسک در زمان (۵) ۱۰/۰۰، میزان المان مناسب انتخاب شده است. تعداد المان برای دیسک (۱۳۵ می

دیسک (mm)	شبكەبندى	تعداد المان	سرعت در راستای حرکت دیسک (m/s)
۲۵	١	802902	۰/۳۵۱۰
	٢	777679	•/7177
	٣	1.09227	•/٣٧٧٩
	۴	124941	• /YYYY
۶۵	١	۹۰۵۳۸۷	1/+ 492
	٢	1421228	1/• ٣۴٩
	٣	1889.20	١/• ٣٧١
	۴	1901.10	۱/• ۲V٣

جدول (۳): بررسی عدم وابستگی نتایج حل به شبکهبندی

جابهجایی دیسک تابعی از زمان، دامنه ارتعاش و فرکانس است که بهصورت رابطه (۲) ارائه شده است. باتوجهبه ماهیت سینوسی حرکت دیسک، سرعت آن با مشتق گیری از رابطه جابهجایی بهصورت رابطهٔ کسینوسی (۳) است.

 $x(t) = -0.5 y \sin(2\pi f t) \tag{(1)}$

$$v(t) = -\pi f y co s(2\pi f t) \tag{(7)}$$

به منظور مدل سازی حرکت دیسک ار تعاشی از رابطه (۳) استفاده شده است که در دستورات تعریف شده توسط کاربر ^۱ در شبکه متحرک^۲ دیسک و قسمتی از محور که در دامنه حل است، برای نرم افزار تعریف^۲ شده است. همچنین شرط مرزی برای سطح سیال فشار ثابت محیط تعریف شده است و برای دیواره فلاسک، دیوار ثابت بدون لغزش در نظر گرفته شده است.

باتوجه به وابستگی زمانی حرکت، حل به صورت گذرا انجام شده است. برای مشخص کردن گام زمانی مناسب، حرکت سینوسی دیسک با استفاده از ۱۲ نقط ۲۵ نقط ۲۵ بندی یک دوره نوسان به یازده قسمت مساوی)، ۱۷ نقط ۵ ، ۲۰ و ۲۵ نقطه مورد بررسی قرار گرفته است. از آنجاکه فرکانس ارتعاش (Hz) ۱۰۰ است، مدت زمان یک دوره کامل (s) ۲۰/۰ است. مطابق جدول (f) با تقسیم این عدد بر تعداد تقسیمات مساوی، گام زمانی به ترتیب کوچک می-شود. با توجه به عدم تغییر نتایج سرعت تا سه رقم اعشار در دو مرحله آخر در زمان (s) ۲۰۰۰ برای یک نقطه تصادفی، گام زمانی (s) ۲۰۰۰۰ انتخاب شده است.

تعداد نقاط روی یک سیکل	تعداد گام زمانی در یک سیکل	گام زمانی (s)	سرعت در راستای حرکت دیسک (m/s)
١٢	11	•/•••٩١	-•/Y9&X
١٧	18	•/•••\$٣	-•/٣٣٧۶
71	۲.	•/•••	-•/٣٣۵۴
78	۲۵	•/•••۴•	-•/٣٣۵٢

جدول (۴): بررسی عدم وابستگی نتایج حل به گام زمانی

باتوجهبه اهمیت بررسی الگوی جریان دور از دیواره و شبیهسازی رفتار اغتشاشی گردابههای اختلاطی از مدل آشفتگی کی. اپسیلون¹ استفاده شده است. ویژگیهای فیزیکی سیال شامل چگالی و گرانروی به ترتیب (kg/m³) ۶/۲۰۰۹ (kg/ms) ۲۰۰۹۸۴۲ به نرمافزار معرفی شده است[۳۳]. بهمنظور اعتبارسنجی شبیهسازی انجام شده، سرعت در نقطهای بسیار نزدیک به محیط دیسک در نظر گرفته شده است. سرعت در راستای عمودی برای نقطهای چسبیده به ¹ User defined function (UDF)

² Dynamic mesh

³ Compile

⁴ k-ε

محیط دیسک از رابطه (۳) بصورت تحلیلی حاصل می شود. این سرعت در زمان (s) ۰/۰۱ با دامنه حرکت (mm) ۲۵ و فرکانس (Hz) ۱۰۰ با استفاده از رابطه تحلیلی و شبیه سازی بهترتیب (m/s) ۰/۷۸۵۴ و ۰/۷۸۵۲ است که نشان دهنده دقت خوب شبیه سازی انجام شده است.

تاکنون پارامترها و فاکتورهای مختلفی بهمنظور بررسی حساسیت سلولها در برابر نیروهای هیدرودینامیکی بررسی شده است. این پارامترها مانند حداکثر سرعت لبه محرک، دور محرک، شکل رآکتور، شکل همزن، میانگین زمانی نرخ تنش، توان مصرفی و… منحصر به هر مورد آزمایشگاهی است و نمی توان مقایسه درستی با سایر موارد داشت[۳۴]. بنابراین باید پارامتری



شکل (۵): نمایی از شبکهبندی هندسه انتخاب شود که ارتباط آن با میزان تخریب یا مرگومیر سلولی مستقل از هندسه و تجهیزات مورداستفاده باشد. این پارامتر باید معرف ویژگی طبیعت سیال باشد و در حالتهای مختلف قابل دستیابی باشد؛ بنابراین فاکتور انتخابی باید دارای دو مشخصه اصلی باشد. اول اینکه منحصر به شکل و هندسه رآکتور نبوده و بهعنوان یکی از پارامترهای طبیعی سیال باشد. دوم اینکه به طور محلی قابل محاسبه باشد و محدود به مقدار میانگین در کل

رآکتور نباشد[۳۵]. پارامتری که بدین منظور مورد توجـه قرار گرفته است، نرخ اضمحلال انـرژی آشـفتگی ⁽ اسـت کـه

¹ Turbulence eddy dissipation

بطور گستردهای برای توصیف شرایط مکانیکی-اختلاطی جریان عمل کننده بر سلولها مورد بررسی قرار میگیرد. پژوهشها نشان میدهد که با افزایش نرخ اضمحلال انرژی، تخریب و مرگ سلولی افزایش مییابد. پژوهشی که در سال ۲۰۰۰ انجام شده است، نشان میدهد که درصد تخریب سلولی تا زمانی که نرخ اضمحلال انرژی کمتر از (<u>m²/s</u>) ۱۰ باشد، نرخ تخریب سلولی کمتر از ۱۰ درصد است درحالیکه باشد، نرخ تخریب سلولی کمتر از ۱۰ درصد است درحالیکه در مقادیر بالاتر از این فاکتور، این درصد افزایش مییابد. به نحوی که در نرخ اضمحلال (<u>m²/s</u>) ۲۰۰۰۰ ، بیش از ۸۰ درصد تخریب سلولی ایجاد میشود[۳۶]. پارامتر نرخ اضمحلال انرژی از طریق شبیه سازی عددی قابل دستیابی است و لازم است مدلی مناسب برای بیان فیزیک مساله و تحلیل جریان داخل بیورآکتور انتخاب شده باشد.

نرخ اتلاف انرژی که مقدار اسکالر با واحد توان بر واحد حجم است در واقع نرخ برگشتناپذیر افزایش انرژی داخلی در واحد حجم یا تبدیل غیرقابلبرگشت انرژی مکانیکی به گرما است.

اساساً (3)، با استفاده از معادله (۴) تعیین می شود که در آن τ تانسور تنش و ∇U تانسور گرادیان سرعت است. تانسور گرادیان سرعت به صورت معادله (۵) تعریف می شود. (۴) $\tau = \tau$

$$\nabla U = \begin{bmatrix} \frac{\partial U_x}{\partial X} & \frac{\partial U_y}{\partial X} & \frac{\partial U_z}{\partial X} \\ \frac{\partial U_x}{\partial y} & \frac{\partial U_y}{\partial y} & \frac{\partial U_z}{\partial y} \end{bmatrix}$$
(Δ)

 $\begin{bmatrix} \frac{\partial U_x}{\partial z} & \frac{\partial U_y}{\partial z} & \frac{\partial U_z}{\partial z} \end{bmatrix}$ naulchar (A) of a single in the set of the set

۳- نتایج و بحث

۱–۳– نتایج آزمایشگاهی

منحنیهای رشد سلولی هنگام استفاده از دو دیسک با قطرهای (mm) ۲۵ و ۶۵ در شکل (۶) نشان داده شده

است. مطابق این شکل هنگام استفاده از دیسک (mm) ۲۵، سلول ها به مدت ۹۶ ساعت در فاز رشد بودهاند و پس از آن و در روز پنجم وارد فاز مرگ شدهاند. در حالی که هنگام استفاده از دیسک (mm) ۶۵ پس از کمتر از ۴۸ ساعت سلولها وارد فاز مرگ شدهاند. نکته دیگری که از این منحنیها حاصل می شود شیب رشد است. هنگام استفاده از دیسک (mm) ۲۵ شیب رشد و میزان تقسیم سلولها بصورت قابل توجهی بیشتر از شیب رشد هنگام استفاده از دیسک (mm) ۶۵ است. بس از ۴۸ ساعت اول، غلظت سلولها از میزان اولیه (<u>cells/mL</u>) ۴۰۰۰۰ به ۲۱۰۰۰۰ و ۹۲۵۰۰ بهترتیب هنگام استفاده از دیسک (mm) ۲۵ و ۶۵ رسیده است. همچنین بیشینه غلظت سلولی قابل برداشت یس از کشت هنگام استفاده از دیسک (mm) ۲۵ و ۶۵ به ترتیب (<u>cells/mL</u>) ۵۴۰۰۰۰ و ۹۲۵۰۰ است که این اختلاف قابل توجه در نتایج، نشان دهنده تاثیر زیاد قطر دیسک بر اعمال نیروهای هیدرودینامیکی است. این فـاکتور اثری معکوس در رشد سلول دارد و با افزایش قطر دیسک به صورت چشمگیری شاخصهای رشد کاهش یافته است. شاخص لگاریتم طبیعی بیشینه غلظت سلول قابل برداشت مطابق جدول (۵) در شرایط استفاده از دیسک (mm) ۲۵ بالا و ۱۳/۲ است. این شاخص در شرایط یکسان از سایر فاکتورها و با استفاده از دیسک (mm) ۶۵، ۱۱/۴ است. مقایسه فاکتور بهرهوری در هر دو آزمایش دید وسیعتری نسبت به تاثیر قطر بر رشد سلول بدست میدهد. مقدار بهرهوری برای آزمایش با دیسک (mm) ۲۵، (<u>cells/hmL</u>) ۴۶۸۵ و حدود ۳/۶ برابر این شاخص برای آزمایش با دیسک (mm) ۶۵ است که نشاندهنده تاثیر بالا و کاهشی فاکتور قطر دیسک بر رشد سلول است.

پارامتر دیگری که از آزمایش کشت سلولی قابل برداشت است، زندهمانی سلولی است. این پارامتر با تقسیم تعداد سلولهای زنده به کل سلولها (سلولهای زنده به ضاضافه این منحنی برای هر دو آزمایش ترسیم شده و در شکل (۷) نشانداده شده است. مطابق این نمودار، در کشت با استفاده از دیسک (mm) ۲۵ زندهمانی پس از ۹۶ ساعت همچنان بالای ۹۰ درصد است در حالی که این شاخص برای دیسک (mm) ۵۹ پس از ۲۴ ساعت به شدت افت کرده است که نشانده دوند شدید کاهش تقسیم و افزایش مرگ

حاصل می شود که با افزایش قطر دیسک، نیروهای هیدرودینامیکی وارد به سلول به شدت افزایشیافته است. سلولها تحت این شرایط دوام نیاورده و بدون تقسیم سلولی دچار مرگ شدهاند؛ بنابراین تأثیر افزایش قطر دیسک بر شاخصهای رشد منفی است و دیسک کوچکتر شرایط مطلوبی را برای سلول ایجاد کرده است.



جدول (۵): آمار رشد سلول در آزمایش کشت سلولی

شکل (۶): منحنی رشد سلول در آزمایش کشت سلول همان طور که ذکر شد، شاخص لگاریتم بیشینه غلظت سلول هنگام استفاده از دیسک (mm) ۲۵، ۱۳/۲ است که نشان دهنده عملکرد مطلوب این دیسک در تولید اختلاط و ایجاد محیطی مناسب برای رشد سلول است.



۲-۳- نتایج شبیهسازی عددی

نتایج حاصل از شبیه سازی عددی شامل الگوی جریان، سرعت، نرخ اضمحلال انرژی و تنش برشی در دو حالت ذکر شده در جدول (۱) مورد بررسی قرار گرفته است. کلیه شاخصها پس از طی ۱۰ سیکل کامل حرکت دیسک، مورد مقایسه قرار گرفته است. بهمنظور بررسی الگوی جریان، صفحهای عمودی تعریف شده است و الگوی سهبعدی

جریان روی این صفحه تصویر شده است. با مقایسه الگوهای جریان دو دیسک (mm) ۲۵ و ۶۵ مطابق شکل های (۸) و (۹)، این نتیجه حاصل می شود که دیسک بزرگتر اختلاط بسیار قویتری را ایجاد کرده است و نواحی بیشتری نسبت به دیسک کوچکتر، متاثر از حرکت دیسک واقع شدهاند. در زمان یکسان، بیش از نیمی از فلاسک در راستای عمودی و (<u>m/s</u>) نواحی بالای دیسک (mm) ۶۵ سرعتی حدود ۰/۸ و بالاتر دارند در حالی که در دیسک (mm) ۲۵ تنها نواحی باریکی در بالای دیسک متاثر از حرکت دیسک است. الگوی جریان برای هر دو دیسک دایرهای است. برای دیسک (mm) ۶۵ کاملا واضح و موازی نسبت به محور عمود شکل گرفتهاند در حالی که شدت تغییر نواحی در دیسک (mm) ۲۵ بسیار ملایمتر است. همچنین میزان سرعت در دیسک (mm) ۶۵ مقادیر بالاتری نسبت به دیسک (mm) ۲۵ دارد. بطوریکه بیشینه سرعت در دیسک (mm) ۶۵ حدود (<u>m/s</u>) ۴ است در حالی که بیشینه سرعت در دیسک (<u>mm</u>) ۲۵ حدود (<u>m/s)</u> ۲/۸ است. الگوی جریان در هر دیسک از بالا به پایین و به شکل منحنی کروی رآکتور درکل فضا ایجاد شده است.

با مقایسه تغییرات سرعت برای هر دو دیسک مطابق شکلهای (۱۰) و (۱۱)، پس از طی ۱۰ سیکل کامل حرکت دیسک، میزان انتقال مومنتوم در دو دیسک (mm) ۲۵ و ۶۵ نشاندهنده عملکرد قوی اختلاطی دیسک (mm) ۶۵ است. مطابق این شکلها، دیسک بزرگتر نسبت به دیسک کوچکتر به زمان بسیار کمتری برای اختلاط کامل نیاز دارد و نواحی زیادی را تحت تاثیر قرار داده است. طی این زمان، و نواحی زیادی را تحت تاثیر قرار داده است. طی این زمان، تنها نواحی مجاور دیسک (mm) ۲۵ از حالت سکون خارج شدهاند. شکل (۱۲) نشاندهنده نحوه حرکت سیال از حفرههای دیسکهای (mm) ۲۵ و ۶۵ براساس بردار سرعت است. جریان در هر دو دیسک از بالا وارد حفرهها شده و از سطح مقطع کوچکتر حفره خارج شده است.



شکل(۸): تصویر الگوی جریان ایجاد شده با دیسک (mm) ۲۵



شکل(۹): تصویر الگوی جریان ایجاد شده با دیسک (mm) ۶۵



شکل(۱۰):کانتور سرعت با دیسک (mm) ۲۵



شکل(۱۱):کانتور سرعت با دیسک (mm) ۶۵



(۱۴) نمایش داده شده است. برای دیسک (mm) ۲۵ تقریبا تمام نواحی مجاور دیسک بطور یکنواخت دارای تنش برشی حدود (<u>Pa</u>) ۱/۲ است در حالی که برای دیسک (mm) ۶۵ تغییرات تنش در نواحی مختلف دیسک بیشتر است. بیشترین مقدار تنش برشی حدود (<u>Pa</u>) ۲۸/۸ است که نسبت به دیسک (mm) ۲۵ کمتر است. این نتیجه در ارتباط با دیسک بدون حفره در مقایسه با دیسک حفرهدار نیز صادق است. به نحوی که اگر دیسک بدون حفره باشد، تنش برشی در مجاور دیسک بیشتر است[T7].



شکل(۱۳): کانتور تنش برشی با دیسک (mm) ۲۵



شکل(۱۴): کانتور تنش برشی با دیسک (mm) ۶۵







شکل(۱۶): کانتور نرخ اضمحلال انرژی با دیسک (mm) ۶۵ بررسی کانتورهای نرخ اضمحلال انرژی در کل بیورآکتور هنگام استفاده از دیسک (mm) ۲۵ و ۶۵ نشان میدهد که بیشینه اضمحلال انرژی در نزدیکی دیسکها اتفاق میافتد. با مقایسه میزان این پارامتر در نزدیکی هر دو دیسک، مطابق شکل های (۱۵) و (۱۶)، این نتیجه حاصل می شود که نواحی درون حفرهها و محیط دیسک دارای هدررفت انرژی حدود ((m^2/s^3) است و بیشینه این پارامتر در ناحیه بسیار کوچکی به میزان ۳۳۶ است. به طور کلی برای دیسک (mm) ۲۵، نرخ اضمحلال در محدودهٔ ۱۰۰ است، در حالی که در نزدیکی دیسک (mm) ۶۵ در محدودهٔ ۱۰۰۰ و حدود ۱۰ برابر بیشتر است. این اختلاف قابل توجه منجر به مرگ سلولی بیشتر در دیسک (mm) ۶۵ نسبت به ۲۵ شده است بهنجوی که شاخص های کشت به طور قابل ملاحظه ای با این دیسک کاهش یافته است.

۴–نتیجهگیری

مخزنهای همزن بهمنظور اختلاط سیالات به طور گسترده در صنایع مختلف استفاده می شود. در حوزه زیستفناوری علی رغم کاربرد وسیع انواع مختلف این مخزنها با محرک پروانهای، در حوزه کشت سلول و در مقیاس آزمایشگاهی به دلیل نحوه حرکت و هندسه پروانه، اتلاف انرژی بالا منجر به کاهش کیفیت کشت می شود. در این پژوهش بیورآکتور مقیاس آزمایشگاهی جدیدی برای single-use aerated stirred bioreactor in animal cell culture: applications of tomography, dynamic gas disengagement (DGD), and CFD", Bioprocess. Biosyst. Eng. Vol. 41, pp. 679–95, 2018. Doi: https://doi.org/10.1007/s00449-018-1902-7

- Bulnes-Abundis, D., Carrillo-Cocom, L. M., Aráiz-Hernández, D., García-Ulloa, A., Granados-Pastor, M., Sánchez-Arreola, P. B., Murugappan, G., and Alvarez, M. M. "A simple eccentric stirred tank mini-bioreactor: Mixing characterization and mammalian cell culture experiments", Biotechnol. Bioeng. Vol. 110, No. 4, pp. 1106–1118, 2013. Doi: https://doi.org/10.1002/bit.24780
- Lim, D., Renteria, E. S., Sime, D. S., Ju, Y. M., Kim, J. H., Criswell, T., Shupe, T. D., Atala, A., Marini, F. C., Gurcan, M. N., Soker, S., Hunsberger, J., and Yoo, J. J. "Bioreactor design and validation for manufacturing strategies in tissue engineering", Bio-design. Manuf. Vol. 5, pp. 43–63, 2022. Doi: https://doi.org/10.1007/s42242-021-00154-3
- Ismadi, M. Z., Hourigan, K., Fouras, A., "Experimental characterisation of fluid mechanics in a spinner flask bioreactor", Processes. Vol. 2, No. 4, pp. 753–772, 2014. Doi: https://doi.org/10.3390/pr2040753
- Ismadi, M. Z., Gupta, P., Fouras, A., Verma, P., Jadhav, S., Bellare, J., and Hourigan, K. "Flow characterization of a spinner flask for induced pluripotent stem cell culture application", PLoS One. Vol. 9, No. 10, e106493, 2014. Doi: https://doi.org/10.1371/journal.pone.0106493
- Abbas Nejad, A., Norouzi, M., Talebi, Z. "Investigation of Pulsatile Blood Flow Interaction with a Viscoelastic Artery and Its Effect on Atherosclerosis", Fluid Mechanics and Aerodynamics. Vol. 3, No. 4, pp. 1–16, 2015. (In Persian)
- Kadivar, E., Alizadeh, A. "Geometric Deformation of Red Cells in the Presence of a Magnetic Field", Fluid Mechanics and Aerodynamics.Vol. 7, No. 1, pp. 65–72, 2018. (In Persian)https://dor.isc.ac/dor/20.1001.1.232232

Persian)https://dor.isc.ac/dor/20.1001.1.2322327 8.1397.7.1.6.0

- Qiu, F., Liu, Z., Liu, R., Quan, X., Tao, C., Wang, Y. "Gas-liquid mixing performance, power consumption, and local void fraction distribution in stirred tank reactors with a rigidflexile impeller", Exp. Therm. Fluid. Sci. Vol. 97, pp. 351–363, 2018. Doi: https://doi.org/10.1016/j.expthermflusci.2018.04. 006
- Cherry, R. S., Papoutsakis, E. T. "Hydrodynamic effects on cells in agitated tissue culture reactors", Bioprocess. Eng. Vol. 1, pp. 29–41, 1986. Doi: https://doi.org/10.1007/BF00369462
- Blüml G. Microcarrier cell culture technology. Anim cell Biotechnol methods Protoc, Humana Press, New Jersey, United States, 2007. Doi:https://doi.org/10.1007/978-1-59745-399-8_5
- 16. Eichermueller M. C. "A Performance Study and Characterization of a Single Use Pharmaceutical Vibrational Mixer Using Computational Fluid

کاربردهای حساس به نیروهای هیدرودینامیکی معرفی شده است که اختلاط مناسب را در نرخ یایین اضـمحلال انرژی ایجاد میکند. همزن این بیورآکتور یک دیسک ارتعاشی حفرہدار است که با استفادہ از اثر برنولی گردش سیال را در تمام رآکتور ایجاد میکند. بهمنظور بررسی اثر قطر دیسک بر شاخصهای رشد سلول بهعنوان ذرات زنده بسیار حساس، با استفاده از دو دیسک با قطرهای (mm) ۲۵ و ۶۵، به صورت آزمایشگاهی کشت سلول انجام شده است. نتایج کشت سلولی نشان میدهد، دیسک با قطر کوچک تر عملکرد بهتری داشته و شاخص لگاریتم طبیعی بیشینه غلظت سلول و بهرهوری در این حالت بالا است. بالابودن شاخصهای رشد در این حالت نشان دهنده ایجاد اختلاط مناسب با نرخ اضمحلال انرژی کم است که محیطی مناسب برای رشد سلول ایجاد کرده است. همچنین بهمنظور تعیین شاخصهای مکانیکی جریان درون رآکتور، شبیهسازی عددی با این دو دیسک مختلف انجام شده است که نشاندهنده افزایش اختلاط و نرخ اضمحلال انرژی با افزایش قطر دیسک است. نتایج حاصل از شبیهسازی عددی و آزمایشگاهی در توافق با هم و نشان دهنده عملکرد مطلوب این بیورآکتور با دیسک (mm) ۲۵ در کاربردهای زیستفناورانه و بسیار حساس در مقیاس آزمایشگاهی است.

۵- مراجع

1.Zlokarnik, M. "Stirring: Theory and practice", John Wiley & Sons, New Jersey, United States, 2008.

- Cullen, P. J. "Food mixing: Principles and applications", John Wiley & Sons, New Jersey, United States, 2009.
- Antolli, P. G., Liu, Z. "Bioreactors: design, properties, and applications", Nova Science Publishers, New York, United States, 2012.
- Sharma, R., Harrison, S. T. L., Tai, S. L. "Advances in bioreactor systems for the production of biologicals in mammalian cells", Chem. Bio. Eng. Rev. Vol.9, No. 1, pp. 42-62, 2022. Doi: https://doi.org/10.1002/cben.202100022

 Keyhanpour, M., MirAbedini, F. S., Ghasemi, M. "Numerical Study of the Magnetic Field Effect on Blood Flow in a Stenotic Artery Using Fluid-Solid Interaction Analysis", Fluid Mechanics and Aerodynamics . J. Vol. 9, No. 2, pp. 53–63, 2021. (In Persian)https://dor.isc.ac/dor/20.1001.1.2322327 8.1399.9.2.5.5

6. Kazemzadeh, A., Elias, C., Tamer, M., Ein-Mozaffari, F. "Hydrodynamic performance of a and bioengineering", Elsevier, Amsterdam, Netherlands, 2019. Doi: https://doi.org/10.1016/B978-0-12-815407-6.00011-3

- Prokop, A., Rosenberg, M. Z. "Bioreactor for mammalian cell culture", Vertebr. Cell. Cult. II Enzym. Technol, Springer, Berlin, Germany, 2006. Doi: https://doi.org/10.1007/BFb0051951
- Bilgen, B., Chang-Mateu, I. M., Barabino, G. A. "Characterization of mixing in a novel wavywalled bioreactor for tissue engineering", Biotechnol. Bioeng. Vol. 92, No. 7, pp. 907-919, 2005. Doi: https://doi.org/10.1002/bit.20667
- Stanbury, P. F., Whitaker, A., Hall, S. J. "Principles of fermentation technology", Elsevier, Amsterdam, Netherlands, 2013.
- Poon, C. "Measuring the density and viscosity of culture media for optimized computational fluid dynamics analysis of in vitro devices", J. Mech. Behav. Biomed. Mater. Vol. 126, 2022. Doi: https://doi.org/10.1016/j.jmbbm.2021.105024
- Singh, H. "Modelling of shear sensitive cells in stirred tank reactor using computational fluid dynamics", Master Thesis, University of Canterbury, Faculty of Chemical and Process Engineering, 2011;
- Trinh, K., Garcia-Briones, M., Chalmers, J. J., Hink, F. "Quantification of damage to suspended insect cells as a result of bubble rupture", Biotechnol. Bioeng. Vol. 43, No. 1, pp. 37-45, 1994. Doi: https://doi.org/10.1002/bit.260430106
- Gregoriades, N., Clay, J., Ma, N., Koelling, K., Chalmers, J. J. "Cell damage of microcarrier cultures as a function of local energy dissipation created by a rapid extensional flow", Biotechnol. Bioeng. Vol. 69, No. 2, pp. 171–182, 2000. Doi: https://doi.org/10.1002/(SICI)1097-0290(20000720)69:2<171::AID-BIT6>3.0.CO;2-C
- Mollet, M., Ma, N., Zhao, Y., Brodkey, R., Taticek, R., Chalmers, J. J. "Bioprocess equipment: characterization of energy dissipation rate and its potential to damage cells", Biotechnol. Prog. Vol. 20, No. 5, pp.1437-1448, 2004. Doi: https://doi.org/10.1021/bp0498488
- Hu, W., Berdugo, C., Chalmers, J. J. "The potential of hydrodynamic damage to animal cells of industrial relevance: current understanding", Cytotechnology. Vol. 63, pp. 445–460, 2011. Doi: https://doi.org/10.1007/s10616-011-9368-3
- Johnson, C., Natarajan, V., Antoniou, C. "Verification of energy dissipation rate scalability in pilot and production scale bioreactors using computational fluid dynamics", Biotechnol. Prog. Vol. 30, No. 3, pp. 760-764, 2014. Doi: https://doi.org/10.1002/btpr.1896
- Petry, F., Salzig, D. "Impact of bioreactor geometry on mesenchymal stem cell production in stirred-tank bioreactors", Chemie. Ing. Tech. Vol. 93, No. 10, pp. 1537-1554, 2021. Doi: https://doi.org/10.1002/cite.202100041

Dynamics", Master Thesis, California Polytechnic State University, 2014.

- 17. de Arcos González-Turmo, I. "FUNDAMIX® VibromixerCharacterization", Master Thesis, KTH ROYAL INSTITUTE OF TECHNOLOGY, 2014.
- Todaro, C. M., Vogel, H. C. "Fermentation and biochemical engineering handbook", William Andrew, New York, United States, 2014.
- Komoda, Y., Inoue, Y., Hirata, Y. "Mixing performance by reciprocating disk in cylindrical vessel", J. Chem. Eng. Japan. Vol. 33, No. 6, pp. 879–885, 2000. Doi: https://doi.org/10.1252/jcej.33.879
- Kamieński, J., Wójtowicz, R. "Dispersion of liquid–liquid systems in a mixer with a reciprocating agitator", Chem. Eng. Process. Process. Intensif. Vol. 42, No.12, pp. 1007– 1017, 2003. Doi: https://doi.org/10.1016/S0255-2701(02)00214-3
- Masiuk, S., Rakoczy, R. "Power consumption, mixing time, heat and mass transfer measurements for liquid vessels that are mixed using reciprocating multiplates agitators", Chem. Eng. Process. Process. Intensif. Vol. 46, No. 2, pp. 89–98, 2007. Doi: https://doi.org/10.1016/j.cep.2006.05.002
- 22. Wójtowicz, R. "Choice of an optimal agitated vessel for the drawdown of floating solids", Ind. Eng. Chem. Res. Vol. 53, No. 36, pp. 13989–4001, 2014. Doi: https://doi.org/10.1021/ie500604q
- Wójtowicz, R. "Flow pattern and power consumption in a vibromixer", Chem. Eng. Sci. Vol. 172, pp. 622–35, 2017. Doi: https://doi.org/10.1016/j.ces.2017.07.0105
- Orlewski, P. M., Wang, Y., Hosseinalipour, M. S., Kryscio, D., Iggland, M., Mazzotti, M. "Characterization of a vibromixer: Experimental and modelling study of mixing in a batch reactor", Chem. Eng. Res. Des. Vol. 137, pp. 534–543, 2018. Doi: https://doi.org/10.1016/j.cherd.2018.08.003
- Ulrich, K., Moore, G. E. "A vibrating mixer for agitation of suspension cultures of mammalian cells", Biotechnol. Bioeng. Vol. 7, No. 4, pp. 507–515, 1965. Doi: https://doi.org/10.1002/bit.260070406
- Malik, P., Mukherjee, T.K. "Large-Scale Culture of Mammalian Cells for Various Industrial Purposes. In: Practical Approach to Mammalian Cell and Organ Culture", Springer, Singapore, 2023.
- Birch, J. R., Arathoon, R. "Suspension culture of mammalian cells. In: Large-Scale Mammalian Cell Culture Technology", Taylor & Francis, London, England, 2018. Doi: https://doi.org/10.1201/9780203749166
- Acton, R. T., Lynn, J. D. "Description and operation of a large-scale, mammalian cell, suspension culture facility. In: Advances in Biochemical Engineering", Springer, Berlin, Germany, 2006.
- Gupta, S. K., Dangi, A. K., Smita, M., Dwivedi, S., Shukla, P. "Effectual bioprocess development for

protein production. In: Applied microbiology